Les opérations élémentaires dans l'Égypte ancienne

Martine BOSC

IREM Aix-Marseille

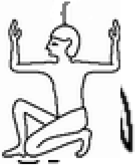
Deux systèmes d'écriture des nombres

Le système hiéroglyphique gravé sur les monuments

Le système hiératique (papyrus de Rhind – XVIe s. av. J.C.)

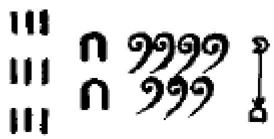
Martine BOSC

IREM Aix-Marseille

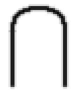
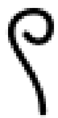
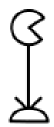
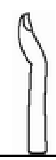
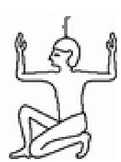


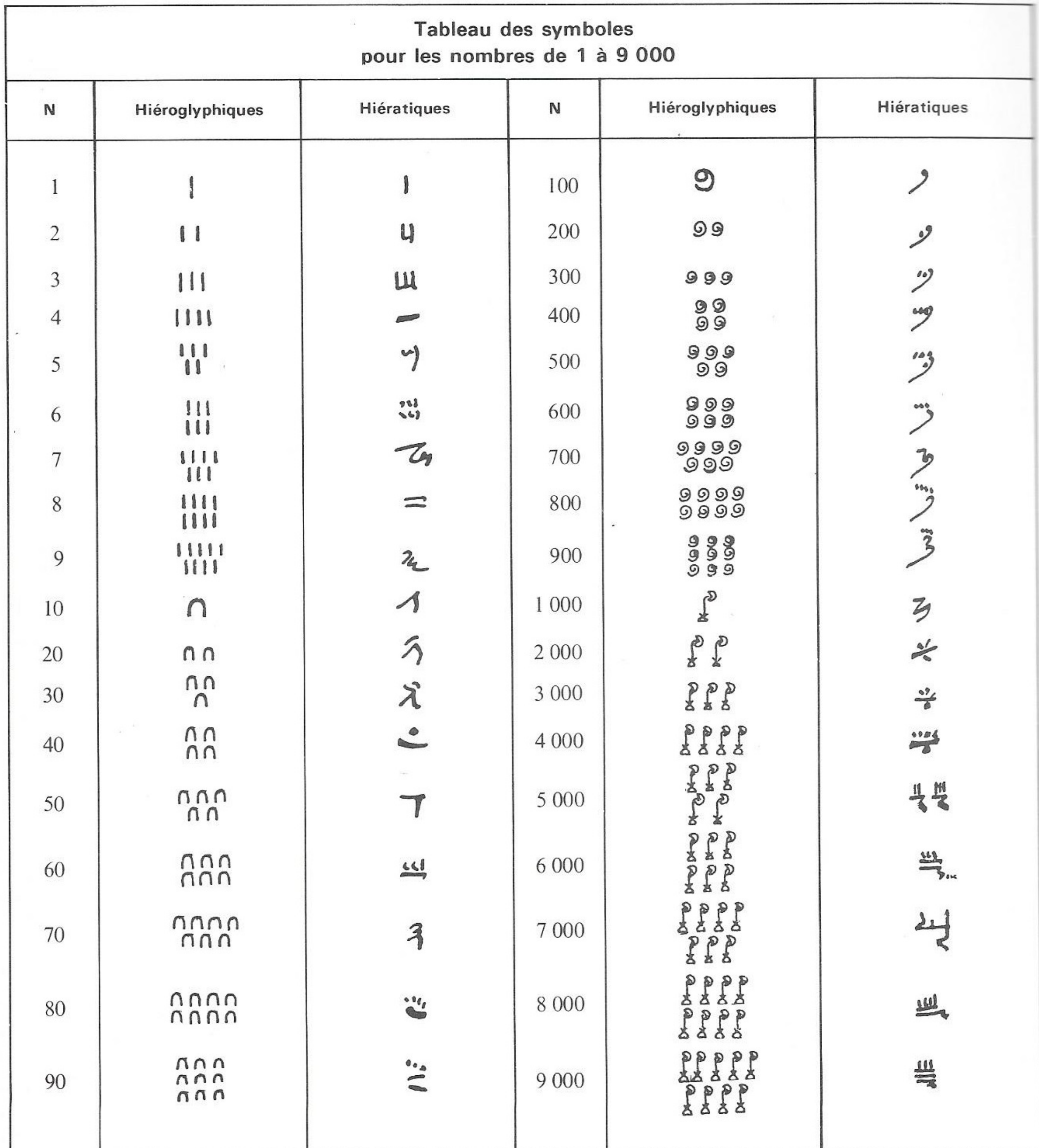
Un système additif non positionnel de base 10

- ✓ **Des symboles pour les puissances de 10 placés dans un ordre quelconque, parfois sur plusieurs lignes pour faciliter la lecture**

1729 s'écrit  ou 

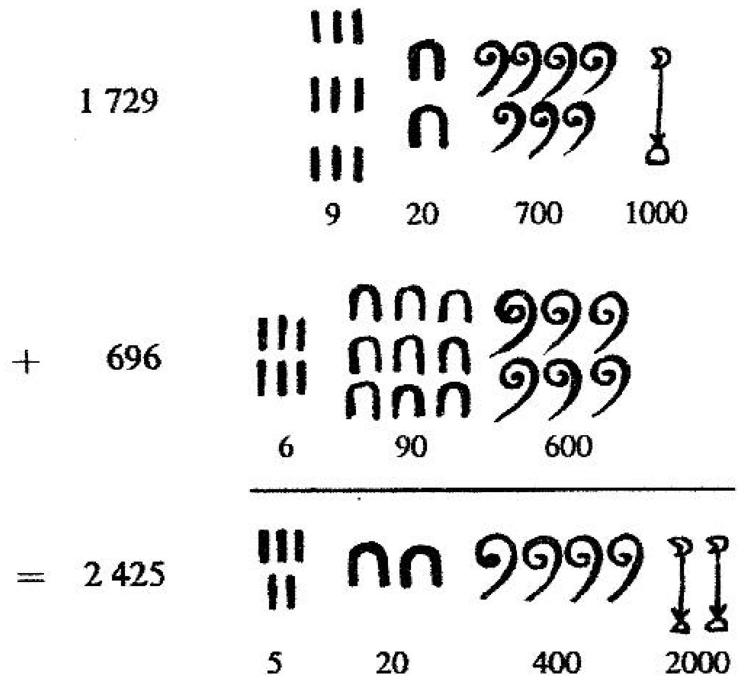
- ✓ **Un système simple pour les additions et soustractions mais compliqué pour les multiplications et divisions**

Nombre	Symbole
1	**Bâton**
10	 **Anse de panier**
100	 **ou**  **Corde ou papyrus**
1000	 **Fleur de lotus**
10 000	 **Doigt en l’air**
100 000	 **Têtard ou grenouille**
1 000 000	 **Homme agenouillé bras vers le ciel ou dieu soutenant le ciel**



Histoire universelle des chiffres
G. Ifrah

Un exemple d'addition



Une technique de multiplication

- Elle utilise la connaissance des puissances de 2
- Elle consiste à faire des multiplications par 2 des additions et des soustractions
- Elle est basée sur la distributivité de la multiplication par rapport à l'addition
- Son application peut faire l'objet d'un exercice de calcul mental (calculs de doubles, additions)
- Sa justification peut faire l'objet d'une activité sur la distributivité

Étape 1 : On connaît ou on dispose d'une table de puissances de 2.

On décompose l'un des facteurs (souvent le plus petit) en somme de puissances de 2. On inscrit les puissances de 2 verticalement jusqu'à la plus grande puissance figurant dans cette décomposition.

Étape 2 : on effectue des multiplications successives de l'autre facteur par 2. On les inscrit verticalement en regard des puissances de 2

Étape 3 : on ajoute les produits situés en regard des puissances de 2 figurant dans la décomposition du premier facteur.

Un exemple de multiplication

45 x 57 = 2565

1	2	4	8	16	32	64	128	256	512	1024

45 = 32 + 13 = 32 + 8 + 5 = 32 + 8 + 4 + 1

1	57
2	114
4	228
8	456
16	912
32	1824
	2565

Une technique de division

- ✓ Elle utilise la connaissance des puissances de 2
- ✓ Elle consiste à faire des multiplications par 2 des additions et des soustractions
- ✓ Elle utilise le fait que c'est l'opération inverse de la multiplication
- ✓ Son application peut faire l'objet d'un exercice de calcul mental (calculs de doubles et additions) ou d'algorithmique (multiplications par 2 tant que …)

Étape 1
On multiplie le diviseur par 2 tant que le produit reste inférieur au dividende
On dispose les résultats verticalement

Étape 2 : on décompose le dividende en somme des produits obtenus à l'étape 1 ; on obtient le reste

Étape 3 : On connaît ou on dispose d'une table de puissances de 2.
On dispose les premières puissances de 2 verticalement en regard des produits obtenus à l'étape 1

Étape 4 : on ajoute les puissances de 2 en regard des produits figurant dans la décomposition du dividende.

Un exemple de division euclidienne

859 37 = ? 859 = 37 x 23 + 8

859 = = 592 + 148 + 74 + 37 + 8

37	1
74	2
148	4
	8
592	16
	23

Quotient : 23

Reste : 8