

Solution de Guy Brusco (La Garde)

Soit le nombre $N = 44\dots4\ 88\dots89$ dans lequel il y a n quatre, $n - 1$ huit et un neuf.

$N = 4A \times 10^n + 8A + 1$ avec $A = 11\dots1$ où A s'écrit avec n fois le nombre 1.

$$N = 4A [10^n + 2] + 1.$$

Or $10^n = 9A + 1$, c'est donc que $N = 4A [9A + 1 + 2] + 1$.

Soit encore $N = 36 A^2 + 12 A + 1 = (6A + 1)^2$, ce qui est bien un carré parfait.