

Baccalauréat Mathématiques–informatique

Amérique du Nord 3 juin 2011

EXERCICE 1

10 points

Thomas Malthus (1766-1834) est un économiste britannique connu pour ses travaux concernant les rapports entre population et production de denrées alimentaires. L'objectif de cet exercice est d'étudier le modèle établi par cet économiste dans son ouvrage *Essai sur le principe des populations* publié en 1798.

PARTIE 1 : Étude de l'évolution d'une population

Un pays possède, en 1800, une population de 20 millions d'habitants (soit 20 000 milliers).

Pour tout entier positif n , on note u_n la population, en milliers, de ce pays en l'année $1800 + n$. On a donc $u_0 = 20000$.

Au regard des années précédentes, Malthus émet l'hypothèse qu'à partir de l'année 1800 la population de ce pays va augmenter de 1 % par an.

1. Justifier que $u_1 = 20200$. Que représente cette valeur ?
2. Quelle est la nature de la suite (u_n) ? Exprimer u_n en fonction de n .
3. Calculer la population obtenue en 1900 selon ce modèle.
Arrondir ce résultat au million d'habitants.

PARTIE 2 : Étude de l'évolution de la production de denrées alimentaires

Malthus constate qu'en 1800 ce pays peut nourrir une population de 25 millions d'habitants.

Pour tout entier positif n , on note v_n le nombre de personnes en milliers que peut nourrir ce pays en l'année $1800 + n$.

On a donc $v_0 = 25000$.

Il fait l'hypothèse que grâce au progrès technique, chaque année le pays peut nourrir 10 000 personnes supplémentaires.

1. Justifier que $v_1 = 25010$. Que représente ce résultat ?
2. Quelle est la nature de la suite (v_n) ? Exprimer v_n en fonction de n .
3. Combien de personnes peuvent-êre nourries en 1900 selon ce modèle ?
Que remarque-t-on ?

PARTIE 3 : Étude conjointe des deux suites

Dans la feuille de calcul donnée en **annexe 1**, les termes de la suite (u_n) sont arrondis au dixième.

1. Quelle formule peut-on inscrire dans la cellule C3 pour obtenir, par recopie automatique vers le bas, les autres termes de la suite (u_n) ?
2. Quelle formule peut-on inscrire dans la cellule D3 pour obtenir, par recopie automatique vers le bas, les autres termes de la suite (v_n) ?
3. Compléter les cellules de C24 à C28 et les cellules D24 à D28 par leurs valeurs.
4. Selon les modèles de Malthus, à partir de quelle année ce pays ne serait plus en capacité de nourrir l'ensemble de sa population ?
5. Appliquée à l'Angleterre, la modélisation de Malthus ci-dessus s'est révélée inexacte.
Pour quelles raisons, selon vous, la famine attendue ne s'est-elle heureusement pas produite ?

EXERCICE 2**10 points**

Dans un lycée, on a demandé à chacun des 700 élèves de premières et terminales le nombre de livres lus dans l'année.

Les résultats sont donnés sous forme d'un histogramme en **annexe 2**.

Dans un second temps, on a demandé aux élèves le nombre de films vus au cinéma dans l'année. Les résultats sont consignés en annexe 3.

PARTIE 1 : Étude du nombre de livres lus dans l'année

1. Parmi les « plus gros lecteurs » (ceux qui ont lu 10 livres ou plus), quel est le pourcentage d'élèves de série littéraire ? Arrondir à 1 %.
2.
 - a. Quel est le nombre d'élèves de série L interrogés ?
 - b. Parmi les élèves de série L, quel est le pourcentage des élèves qui ont lu au plus 4 livres ?
3. Dans l'ensemble des élèves interrogés, quel est le pourcentage d'élèves de série L qui sont « petits lecteurs » (ceux lisant entre 0 et 4 livres) ? Arrondir à 1 %.

PARTIE 2 : Étude du nombre de films vus au cinéma dans l'année

La moyenne de cette série est $\mu \approx 8,6$, l'écart-type est $\sigma \approx 3,5$ (arrondis au dixième).

1.
 - a. Déterminer l'intervalle $[\mu - 2\sigma ; \mu + 2\sigma]$.
 - b. Vérifier que environ 95 % des valeurs appartiennent à l'intervalle $[\mu - 2\sigma ; \mu + 2\sigma]$.
2. Donner la médiane, le premier et le troisième quartile de cette série.

PARTIE 3 : Comparaison du nombre de films vus dans l'année par les élèves de deux classes

On considère deux classes de première L de cet établissement dont l'une est composée d'élèves ayant choisi l'option « cinéma ».

Ces classes, appelées A et B, ont le même effectif : 32 élèves.

On a représenté en annexe 4 les diagrammes en boîte du nombre de films vus au cinéma dans l'année pour chacune de ces classes, en plaçant aux extrémités le maximum et le minimum.

Chaque assertion suivante est-elles vraie ou fausse ? Expliquer votre réponse.

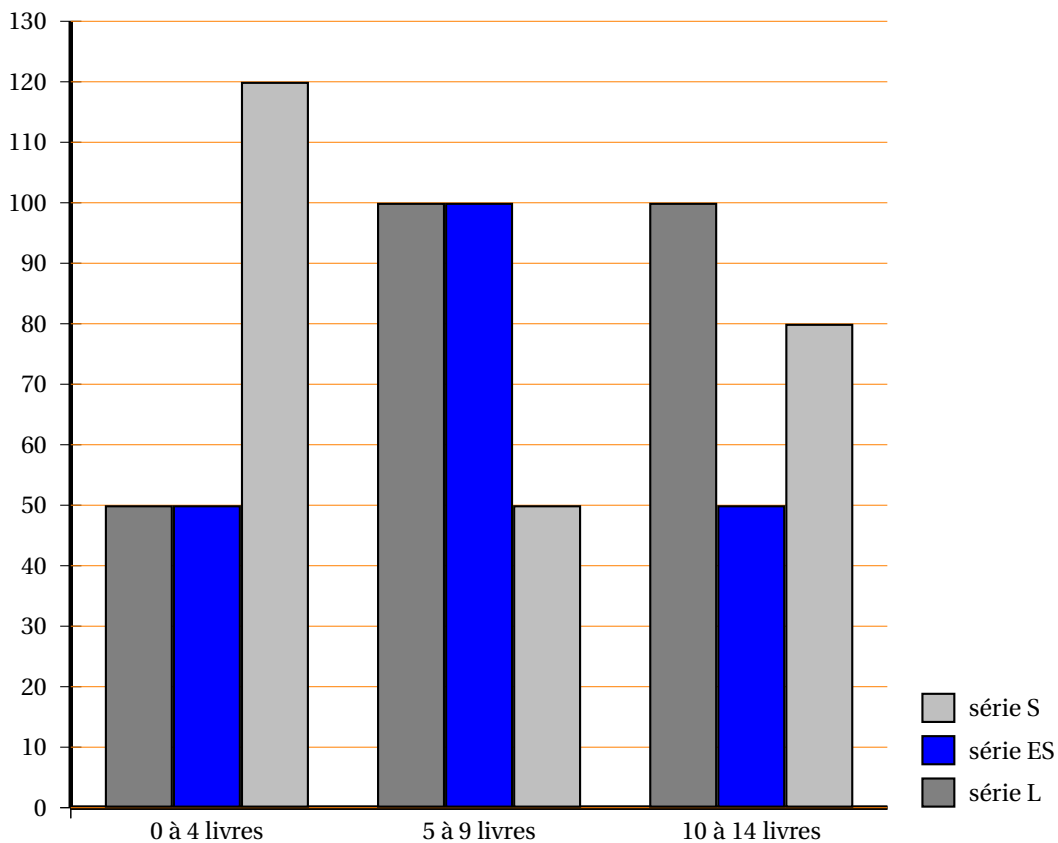
1. Dans la classe A environ la moitié des élèves a vu moins de 9 films au cinéma.
2. Dans la classe B environ huit élèves ont vu 10 films ou plus au cinéma.
3. Au moins la moitié des élèves de la classe A a vu plus de films au cinéma que les trois-quarts des élèves de la classe B.
4. Environ le quart des élèves de la classe B a vu moins de films au cinéma que chaque élève de la classe A.

ANNEXE 1 à rendre avec la copie

	A	B	C	D
1	Année	Indice n	Suite u	Suite v
2	1800	0	20 000,0	25 000
3	1801	1	20 200,0	25 010
4	1802	2	20 402,0	25 020
5	1803	3	20 606,0	25 030
6	1804	4	20 812,1	25 040
7	1805	5	21 020,2	25 050
8	1806	6	21 230,4	25 060
9	1807	7	21 442,7	25 070
10	1808	8	21 657,1	25 080
11	1809	9	21 873,7	25 090
12	1810	10	22 092,4	25 100
13	1811	11	22 313,4	25 110
14	1812	12	22 536,5	25 120
15	1813	13	22 761,9	25 130
16	1814	14	22 989,5	25 140
17	1815	15	23 219,4	25 150
18	1816	16	23 451,6	25 160
19	1817	17	23 686,1	25 170
20	1818	18	23 922,9	25 180
21	1819	19	24 162,2	25 190
22	1820	20	24 403,8	25 200
23	1821	21	24 647,8	25 210
24	1822	22		
25	1823	23		
26	1824	24		
27	1825	25		
28	1826	26		

Ces ANNEXES ne sont PAS à rendre avec la copie

ANNEXE 2

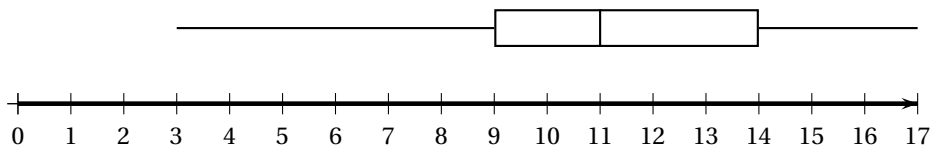


ANNEXE 3

Nombre de films	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
Nombres d'élèves	5	10	15	30	30	30	60	67	90	85	70	60	60	40	20	10	5	8	5

ANNEXE 4

Classe A



Classe B

