

# Le Q.C.M. : un outil pour la formation et l'évaluation

Monique Ernoult et Claude Talamoni(\*)

## Introduction

Nul ne peut ignorer qu'en particulier à travers le monde anglo-saxon, mais aussi belge et français dorénavant, les **QCM**, ont fait leur entrée depuis plus ou moins longtemps dans le cadre de l'évaluation et du recrutement par concours. Le sigle désigne bien sûr, en clair, les **Questionnaires à Choix Multiples** qui consistent, à partir de la présentation d'une question, à proposer plusieurs réponses dont la valeur de vérité est à déterminer. Et ceci dans des domaines aussi variés que le recrutement de postiers, d'agents administratifs de toutes sortes, de stagiaires IUFM première année dans plusieurs académies, de postulants aux études de médecine et d'ingénieurs, et cela dans des domaines tout autres que les mathématiques. On y retrouve cependant, en filigrane, la marque de la connaissance acquise et de la logique discriminatoire pour l'action humaine future.

Dans le domaine de la formation et de l'évaluation en mathématiques, l'évolution naturelle conduit donc à la reconnaissance de ce type d'exercice. La question est posée aux professeurs de mathématiques de l'adhésion raisonnée à cette démarche et surtout, de sa valorisation dans leurs évaluations de tous genres, et cela dès l'entrée de leurs élèves à l'école, dès les premières années, et non uniquement en fin de cycle terminal. En effet, présenter aux élèves un type d'exercice auquel ils ne sont pas préparés dans les années antérieures participerait à la déstabilisation de beaucoup et contrarierait la logique de continuité de l'enseignement et de la formation à laquelle nous sommes si attachés.

Cependant, un objectif prioritaire que nous devons nous fixer, en matière de QCM comme ailleurs, est la production pour nos élèves d'un document de qualité. La qualité d'un QCM est proportionnelle au degré de différenciation atteint au niveau des résultats obtenus lors de son passage. La qualité d'une question particulière d'un QCM est donnée par la corrélation entre le nombre d'étudiants produisant la réponse correcte et le nombre de ceux qui ont le meilleur résultat global. En d'autres mots plus abrupts, si, à cette question, tous répondent correctement ou si aucun ne le fait, la question est mal posée.

Il ne s'agit pas dans cet article d'imposer le QCM comme modèle dominant et exclusif mais de le situer comme un élément parmi d'autres de la formation/évaluation.

Il s'agit de tenter de théoriser modestement la pratique d'enseignants sur le terrain pour qu'elle puisse devenir efficace, transférable à d'autres et ainsi participer à un approfondissement à la fois théorique et pratique. Ce que l'on pourrait appeler en didactique : la recherche/action

(\*) Professeurs de lycée dans la Région Parisienne.

Les QCM proposés n'ont que valeurs d'exemples et certainement pas de modèles. Ils permettent d'illustrer les propos et surtout d'amorcer la réflexion.

Le choix a été fait dans cet article de ne parler que très peu du support informatique que ce soit pour la correction des QCM ou pour le travail en ligne avec les élèves (de nombreux exercices en ligne font appel aux QCM, notamment des logiciels de remédiation pour le collège et la seconde, certains étant interactifs). En effet, nous avons voulu rendre compte de l'expérience de terrain vécue par les collègues avec qui nous avons travaillé lors de stages essentiellement des enseignants de terminale.

### **Quels sont, pêle-mêle, les arguments en positif ou négatif recueillis auprès de nos collègues et, plus à la marge, auprès de nos élèves ?**

Le QCM valorise la rapidité de réaction.

Le QCM pourrait favoriser la mémorisation de réponses fausses (c'est difficile à accepter pour un enseignant qui, des années durant, a surveillé étroitement ses propos et sait que, dans un certain nombre de nos systèmes éducatifs, ce que l'on écrit, nous enseignants, a valeur de vérité pour l'élève).

Le QCM permet de bien couvrir un champ déterminé.

La brièveté des réponses rend la correction plus objective (impossible de faire rentrer des critères subjectifs, liés à la défiance par rapport à certains « mauvais élèves », à une rédaction incompréhensible qui occulte le message de l'élève).

Le QCM laisse trop de place aux réponses données au hasard, rendant difficile une évaluation sérieuse (on sait que nos élèves sont pour beaucoup des adeptes des jeux vidéos, où l'on risque sans risquer, le coût global de l'opération étant fort mince, la possibilité de recommencer étant toujours donnée).

Le QCM permet une évaluation de plusieurs niveaux d'activité mentale : mémoire, compréhension, mise en pratique, ...

Le QCM facilite la fraude (soyons réalistes sur les conditions de surveillance).

Le QCM bien conçu permet d'accéder au raisonnement de l'élève, mal conçu laisse trop de place au hasard dans la réponse aux questions.

Le QCM permet une prise d'informations très rapide sur le niveau des savoir-faire.

Le QCM impose à l'élève de parler de ce qu'il sait et lui supprime des échappatoires (plus de diversion ou de paraphrase du texte).

Le QCM favorise les confrontations, les débats entre élèves dans le cadre du cours.

Le QCM rend difficile à l'écrit le dialogue entre l'élève et le professeur.

Le QCM se polarise sur des points de détail en laissant de côté l'essentiel.

Le libellé des questions influence de façon déterminante le résultat et bloque ainsi le champ des possibles..

Le QCM permet une régulation des apprentissages

Pour clarifier le débat, il est d'abord indispensable de classier l'objet dont on parle.

### Quels sont les types de QCM disponibles actuellement?

Le Q.C.M (questionnaire à choix multiples) est, comme nous le disions, une suite de questions formées chacune :

- d'un texte contenant les données : **le tronc**,
- d'un certain nombre d'affirmations pouvant être vraies ou fausses. Les affirmations fausses sont appelées « **distracteurs** ».

Une nouvelle présentation des QCM est actuellement proposée dans la banque d'exercices donnée en exemple pour la préparation du baccalauréat : le QCM avec justification.

**A. Le QCM : Vrai-faux-omission** : l'absence de réponse est prévue ou est clairement signifiée à l'élève dans l'introduction.

Données	Affirmations	Réponses
<p><math>f</math> est la fonction définie sur l'ensemble des nombres réels par</p> $f(x) = \frac{1}{1+e^x}$ <p><math>C</math> est la courbe représentative de <math>f</math> dans un repère plan.</p>	<p>La tangente à <math>C</math> au point d'abscisse 0 est parallèle à la droite d'équation <math>y = -\frac{1}{4}x</math>.</p>	
<p><math>G</math> est le barycentre des points pondérés <math>\{(A; -1), (B; 1), (C; 4)\}</math>.</p>	<p>L'application du plan dans lui-même qui à tout point <math>M</math> du plan associe le point <math>M'</math> tel que</p> $\overline{MM'} = -\overline{MA} + \overline{MB} + 4\overline{MC}$ <p>est une homothétie de rapport <math>-3</math>.</p>	
<p><math>f(x) = x \sin 3x</math></p>	<p>Les solutions de l'équation</p> $f(x) = \frac{1}{2}x$ <p>sont : <math>0, \frac{\pi}{18} + 2k\frac{\pi}{3}</math></p> <p>ou <math>\frac{5\pi}{18} + 2k'\frac{\pi}{3}</math>.</p>	

BAC S Asie 2004

Réponses : V – V – V

**B. Le QRU : questionnaire à réponse unique** : L'élève est averti que **la question ne comporte qu'une seule solution correcte** et qu'il ne doit fournir qu'une seule réponse.

La durée de vie, exprimée en heures, d'un robot jusqu'à ce que survienne la première panne est modélisée par une loi de probabilité  $p$  de durée de vie sans vieillissement définie sur l'intervalle  $[0; +\infty[$  (loi exponentielle de paramètre  $\lambda = 0,0005$ ). Ainsi la probabilité que le robot tombe en panne avant l'instant  $t$  est :

$$p([0; t]) = \int_0^t \lambda e^{-\lambda x} dx$$

1. La probabilité qu'un robot ait une durée de vie supérieure à 2 500 heures est :

- a.  $e^{-\frac{2500}{2000}}$  ; b.  $e^{\frac{5}{4}}$  ; c.  $1 - e^{-\frac{2500}{2000}}$  ; d.  $e^{-\frac{2000}{2500}}$ .

BAS S 2004 La Réunion (extrait)

Réponse : a)

**C. le QRM ; questionnaire à réponse multiple**. L'élève est informé que plusieurs solutions peuvent être correctes et qu'il peut donner plusieurs réponses c'est-à-dire choisir plusieurs solutions comme étant correctes.

M, M' et S ont pour affixes respectives les nombres complexes  $z$ ,  $z'$  et  $z + z'$ .

1. Si  $|z| = |z'|$  alors

$z = z'$  ou  $z = -z'$       $|z + z'| = 2|z|$      OMSM' est un losange ou un point

$\left| \frac{z}{z'} \right| = 1$ .

2. Si  $z' \neq 0$  et  $\left| \frac{z}{z'} \right| = 1$  alors

$\frac{z}{z'} = 1$  ou  $\frac{z}{z'} = -1$      il existe  $\theta \in [0; 2\pi[$  tel que  $z = e^{i\theta} z'$       $z = z'$  ou  $z = -z'$ .

3. Si  $|z| = 1$  et  $|z + z'| = 1$  alors

$z' = 0$       $z' = ze^{i\frac{2\pi}{3}}$       $z = -\frac{z'}{2}$       $(\overline{MO}, \overline{MS}) = -(\overline{OS}, \overline{OM'}) [2\pi]$ .

4. Si  $|z - z'| = |z + z'|$  alors

$z = 0$  ou  $z' = 0$       $\overline{OM}$  orthogonal à  $\overline{OM'}$

OMSM' est un rectangle éventuellement aplati      $z\overline{z'} + \overline{z}z' = 0$ .

Réponses : 1. F - F - V - V ; 2. F - V - F ; 3. F - F - F - V ; 4. F - V - V - V.

**D. Le QCM avec justifications.** Une inflexion est proposée dans la banque mise à la disposition des enseignants français pour la préparation de leurs élèves au baccalauréat :

Dans un premier temps, on demande aux élèves de se prononcer sur la vérité de quelques affirmations. Dans un deuxième temps, on leur demande d'étayer leurs affirmations par une démonstration s'ils ont évalué comme vraie l'affirmation, de donner un contre-exemple s'ils ont invalidé l'affirmation.

**Exercice 7 (Obligatoire)**

On considère une suite  $(u_n)$  positive et la suite  $(v_n)$  définie par  $v_n = \frac{u_n}{1+u_n}$ . Les propositions suivantes sont-elles vraies ou fausses ? Justifier dans chaque cas.

1. Pour tout  $n$ ,  $0 \leq v_n \leq 1$ .
2. Si la suite  $(u_n)$  est convergente, alors la suite  $(v_n)$  est convergente.
3. Si la suite  $(u_n)$  est croissante, alors la suite  $(v_n)$  est croissante.
4. Si la suite  $(v_n)$  est convergente, alors la suite  $(u_n)$  est convergente.

*Banque d'exercices TS 2004*

*Réponses* : 1. V ; 2. V ; 3. V ; 4. F.

On peut estimer qu'il s'agit là d'un faux QCM ; ce type d'exercice est cependant bien accueilli par les enseignants, nettement moins bien par les élèves qui, alors qu'ils croient avoir rempli leur contrat, se trouvent au pied du mur de l'argumentation, renvoyés à l'expression française. On s'aperçoit vite qu'il évalue successivement deux qualités : l'intuition et l'argumentation.

Il est aussi intéressant de voir que d'autres formes peuvent aussi être développées, comme en témoigne le QCM donné au Japon et reproduit en annexe 1. Il s'agit non pas de répondre oui ou non, mais de trouver des nombres ou symboles cachés derrière les lettres.

**À travers la foule des réactions parfois passionnelles suscitées par l'utilisation des QCM, il semble sage de réfléchir objectivement (le plus possible) aux objectifs assignés aux QCM.**

**Quels objectifs assigner aux QCM ?**

- *Diagnostiquer* les représentations qu'ont les élèves d'une notion, à travers différentes approches.
- Servir, s'ils sont bien construits et pourvus d'une solution commentée, à l'*autoévaluation* des élèves à condition qu'on fasse passer les élèves de la conception exclusive de la note chiffrée comme une sanction à celle d'une évaluation objective susceptible d'amélioration grâce au travail ciblé défini par celle-ci. C'est le rôle de l'enseignant.

- Permettre au professeur de *différencier* les élèves qui ont appris, compris et assimilé la ou les notions de ceux qui les ont mal apprises, mal comprises et non assimilées (on voit là plusieurs niveaux sur lesquels on reviendra ultérieurement).
- *Instaurer un débat* productif dans la classe.
- *Réguler* de façon rapide les apprentissages à la fois pour le professeur et pour l'élève.
- *Tester* pour les QCM avec justification, *deux niveaux*, en même temps, mais disjoints dans le temps : la réaction instinctive et la justification de son intuition.

**Ces objectifs peuvent être atteints lors d'une évaluation classique. Quelle est la valeur ajoutée ou retirée des QCM par rapport à elle?**

### Valeur ajoutée et limites

**On notera de nouveau en préambule à toute réflexion le temps nécessaire pour former les élèves à la résolution d'un QCM : prise de recul par rapport aux questions posées, tests, essais, observation éventuelle à la calculatrice, observation d'un graphique, rejet des réponses impossibles, mise en garde des pénalités, des réponses au hasard.**

**En évaluation sommative (c'est-à-dire dans l'évaluation finale, qui permet d'étalonner un élève par rapport au « savoir » qui lui est demandé de maîtriser) :**

- La brièveté de la réponse, la simplicité et l'objectivité de la correction.
- La possibilité de bien couvrir un champ déterminé.
- La prise en compte de modes de raisonnement diversifiés (élimination par production d'un contre-exemple ou référence directe au cours, utilisation intelligente de la calculatrice, discernement dans les réponses proposées de celles qui sont de nature contradictoire et déductions de type logique, recherche d'une démonstration directe, ...).
- La valorisation de la prise d'initiative et de l'esprit critique.
- L'évaluation de certaines compétences sans interférence avec des compétences d'un autre niveau comme par exemple la rédaction.
- L'initiation à la résolution de questions ouvertes de façon mesurée. Les élèves ne vont pas trouver directement dans leur cours la réponse à la question posée, ils ont à émettre une conjecture sur la valeur de vérité d'une proposition par des méthodes qui leur appartiennent et ne sont pas induites par l'énoncé. Un exemple simple, la proposition suivante : « si une suite tend vers  $+\infty$ , elle est convergente » ( banque Inspection Générale).
- Bonne adaptation à l'évaluation de certaines compétences comme : la lecture graphique et l'interprétation de données.
- Test au niveau du bon sens et des réflexes primaires.
- L'indépendance permise des questions permet de partir plus facilement dans des directions diverses sans que soit nécessairement installé un lien logique

entre elles. C'est un avantage important par rapport à l'exercice traditionnel. Car un champ plus large est couvert.

### **En évaluation formative ( en cours de formation) :**

- La valorisation d'une réaction rapide.
- Correction immédiate par les élèves eux-mêmes, en auto-correction ou en correction croisée.
- Le repérage des difficultés, des erreurs grâce à des distracteurs convenablement choisis. Les distracteurs doivent en effet être élaborés en se « mettant dans la peau » d'un supposé élève et en essayant de présenter une « pseudo-évidence » par rapport à laquelle il aura à exercer son esprit critique. Cela ne suppose pas que ces distracteurs aient tous le même degré d'attraction.
- L'acquisition progressive d'une certaine autonomie dans le travail des élèves.
- La capacité de tester la véracité d'un propos. Notre enseignement a souvent pour but exclusif de présenter des résultats incontestablement vrais pour nos élèves qu'ils n'osent contester, car il n'est pas bienvenu d'exercer son esprit critique par rapport à une « vérité » !

### **D'une façon générale :**

- L'expérience montre que les QCM sont mieux acceptés par les élèves que certains exercices traditionnels. Il est assez surprenant de constater, en effet, que les mêmes exercices présentés à des élèves sous forme de QCM d'une part, ou sous forme de questions traditionnelles d'autre part, incitent davantage à la réflexion s'ils sont fournis sous la forme QCM !
- La performance à réaliser (choisir la solution correcte) paraît relativement simple aux yeux des élèves : ils se sentent aidés parce que les distracteurs qu'on leur propose leur indiquent au moins la direction dans laquelle ils doivent orienter leurs recherches. S'il s'agissait de questions ouvertes, ils devraient créer la solution de toutes pièces. Dans les QCM de type B, l'exigence posée est également très précise : il n'existe qu'une seule manière de répondre correctement.
- Il se peut aussi que les QCM présentent un petit côté « loterie » qui excite le goût du jeu présent dans bien des esprits. Avant même toute ébauche de raisonnement, on se surprend en effet à essayer de deviner la bonne réponse. La réflexion véritable ne vient qu'ensuite, stimulée par la curiosité de vérifier la justesse de son intuition personnelle. En ce sens, on peut espérer remotiver des élèves pour les mathématiques. On constate d'ailleurs concrètement que ce type d'exercice (type D exclus) est de nature à faire redémarrer des élèves bloqués dans leur apprentissage par la difficulté de mettre en forme, au niveau de l'écriture, un résultat alors qu'ils en ont eu l'intuition. Une bonne note sur un tel exercice leur permet de reprendre confiance en eux et de repartir.
- Au niveau des résultats, on note, résultats à l'appui, une assez grande adéquation entre les résultats dans un QCM et un exercice classique. Les élèves signalés ci-dessus réussissent mieux. Les élèves moyens qui travaillent

et apprennent sans distance sont souvent par contre désavantagés parce que déstabilisés pendant l'épreuve ; ils n'ont pas le goût du jeu. L'acquisition de concepts nouveaux suit en effet assez rarement un cheminement logique bien structuré.

### Mais les QCM ont des limites

En nuanciant pour le type D, les QCM sont impuissants à vérifier certains types de performances :

- rédaction ;
- expression de la pensée ;
- choix d'une méthode ;
- élaboration de solutions nouvelles...
- valorisation de l'originalité d'une solution ;
- appréciation de la conduite du raisonnement.

Dans la conception et la pratique, sont apparus des difficultés :

- L'utilisation de la calculatrice lorsqu'elle est autorisée accroît de façon évidente l'inégalité des candidats devant les questions : la possession de calculatrices effectuant du calcul formel est un atout évident devant un certain type de questions. L'usage des calculatrices peut être un outil pour tester certaines solutions : l'entrée de valeurs particulières permettant d'en écarter un certain nombre. Il ne s'agit pas de bannir la calculatrice mais de concevoir des questions pour lesquelles la calculatrice peut être une aide non exclusive mais intelligente. Éliminer les valeurs numériques dans le questionnement n'élimine pas nécessairement l'usage de la calculatrice, comme le montre l'exemple suivant où, en effet, utiliser la valeur  $x = 1$ , en mode radian, permet d'éliminer certaines propositions (la valeur « 1 » dans ce contexte est assez « exotique » pour donner un renseignement décisif sur la véracité ou non du résultat). Cela suppose un bon niveau de réflexion de l'élève.

**QRM** Soit  $x \in \mathbf{R}$ . On pose  $z = \cos x + i \sin x$  et  $z' = \sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) + i \cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right)$ .

Alors :

1.   $z = z'$                         $|z'| = |z|$                         $zz' = 1$                         $z + z'$  est réel
2.   $z' = e^{i\left(x + \frac{\pi}{2}\right)}$                         $\arg(z') = \arg(z)$   
  $\arg(z') = \arg(z) + \frac{\pi}{2}$                         $\arg\left(\frac{z}{z'}\right) = 2 \arg(z)$

Réponses : 1° F – V – V – V ; 2° F – V – F – V

Par ailleurs, il est intéressant de remarquer que, l'exercice donné sous cette forme, les élèves n'ont pas reconnu que  $z' = \bar{z}$  et se sont précipités dans la validation ou l'invalidation des propositions. Cela veut-il dire que c'est un mauvais QCM ?



- La difficulté de mesurer le temps consacré par les élèves à chaque exercice donc la rapidité de réponse. Ceci est sensible dans une évaluation où le QCM n'est qu'une partie de l'épreuve. Le temps passé sur le QCM est parfois abusif.
- Le fait de présenter des réponses fausses qui, validées par l'élève, peuvent induire des représentations fausses non effacées par une correction postérieure.
- La lourdeur de la conception d'un QCM
- Certains sujets ne sont pas adaptés pour les QCM comme par exemple les exercices présentant une figure de géométrie : doit-on la faire à l'échelle et la réponse aux questions peut se solder par une simple mesure ou doit-on présenter une figure fausse qui risque d'égarer le candidat ?
- De même les conventions sur les graphiques n'étant pas claires, les questions du type « la droite est-elle tangente en ... ? » ou « la fonction est-elle continue en ... » risquent de poser des problèmes. Une solution peut être de présenter une figure à main levée qui n'a alors, à l'évidence, aucune valeur de vérité.

Il faut noter que l'accueil du QCM par les professeurs est différent selon son type.

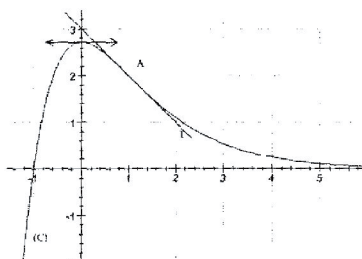
**Voir en annexe 2 le tableau récapitulatif obtenu après consultation :**

Il est clair que les suffrages des collègues vont davantage vers le vrai-faux. Le QRM a aussi son intérêt, particulièrement au niveau de l'évaluation formative car cela permet de repérer les conceptions des élèves à travers le choix des bonnes réponses sous des formes différentes. Dans l'exemple ci-dessous on peut rapidement tester les différents registres dans lesquels l'élève situe le nombre dérivé d'une fonction numérique en point.

Cet exercice est un QCM (questionnaire à choix multiples).

Pour chaque question, quatre solutions possibles sont proposées. *Une ou plusieurs sont justes.* Entourez-la ou entourez-les.

Attention: toute réponse correcte apporte un point, toute réponse fausse enlève un demi-point et une absence de réponse n'apporte pas de point ni n'en enlève. Le total des points sur l'exercice est positif ou nul.



Dans le plan rapporté à un repère orthonormal, la courbe (C) ci-contre représente une fonction  $f$  définie et dérivable sur  $\mathbf{R}$ .

La droite (T) est tangente à la courbe (C) au point d'abscisse 1.

La droite d'équation  $y = 0$  est asymptote à la courbe (C) en  $+\infty$ .

<p><b>Question 1 :</b> D'après la courbe ci-dessus, a. <math>f(0) = 0</math>. b. L'équation <math>f(x) = 0</math> admet une seule solution sur <math>\mathbf{R}</math>. c. L'équation <math>f(x) = f(1)</math> admet une seule solution sur <math>\mathbf{R}</math>. d. Pour tout réel <math>a</math> et pour tout réel <math>b</math> tels que <math>a &lt; b</math> on a <math>f(a) \leq f(b)</math>.</p>	<p><b>Question 2 :</b> D'après la courbe ci-dessus, a. Le coefficient directeur de la droite (T) est égal à <math>-1</math>. b. <math>f'(1) = 2</math>. c. Une équation de T est <math>y = x + 3</math>. d. Pour tout réel <math>x \in [0; +\infty[</math>, <math>f'(x) \leq 0</math>.</p>
<p><b>Question 3 :</b> D'après la courbe ci-dessus, a. <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0</math>. b. <math>\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty</math>. c. <math>\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 0</math>. d. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 2}{x - 1} = -1</math>.</p>	<p><b>Question 4 :</b> D'après la courbe ci-dessus, a. <math>\int_{-1}^0 f(x) dx &lt; 0</math>. b. <math>\int_0^1 f(x) dx</math> est strictement supérieur à 3. c. <math>\int_0^1 f(x) dx</math> est inférieur à 3. d. Toute primitive de <math>f</math> sur <math>[0; +\infty[</math> est décroissante.</p>
<p><i>Réponses :</i> 1. F-V-F-F. 2. V-F-F-V. 3. V-F-F-V. 4. F-F-V-F.</p>	

Le risque de déstabilisation est minoré s'il y a demande de justification après les réponses. Celle-ci répond au problème d'explicitation de l'argumentaire.

Dans une série de Vrai – Faux, il est possible de glisser des réponses incohérentes ou contradictoires mais il est très difficile de créer un barème qui tienne compte de ces incohérences ou de bonus éventuels lors de choix pertinents sans utiliser des moyens informatiques. Le QCM avec justification permet de valoriser des réponses cohérentes et de pénaliser des incohérences et à travers celles-ci d'accéder davantage au raisonnement.

Le QCM avec justification est prisé des enseignants car il garde l'indépendance des différentes questions mais permet de tester des questions de logique basiques mais bien sûr contextualisées.

*On peut envisager des modalités différentes :*

- Soit, comme dans l'exemple suivant, l'élève a d'abord spontanément à se prononcer sur la valeur de vérité de propositions. Puis il doit l'étayer avec un argumentaire.

**Exercice n° 14 (enseignement obligatoire)****Partie I**

À chaque question est affecté un certain nombre de points. Pour chaque question, une réponse exacte rapporte le nombre de points affectés ; une réponse inexacte enlève la moitié du nombre de points affectés.

Le candidat peut décider de ne pas répondre à certaines de ces questions. Ces questions ne rapportent aucun point et n'en enlèvent aucun. Si le total est négatif, la note est ramenée à 0.

Pour chacune des affirmations suivantes répondre sans justification par Vrai ou Faux :

- (A) Toute suite bornée est convergente.
- (B) Pour toutes suites  $(u_n)$  et  $(v_n)$  à valeurs strictement positives qui tendent vers  $+\infty$ , la suite de terme général  $\frac{u_n}{v_n}$  converge vers 1.
- (C) Toute suite croissante non majorée tend vers  $+\infty$ .

**Partie II**

Pour chacune des propositions de la première partie, justifier la réponse donnée :

- dans le cas où la proposition vous paraît fautive : en donnant un contre-exemple.
- dans le cas où la proposition vous paraît exacte : en donnant une démonstration.

Banque exercice S 2005

Réponses : (A) F (B) F (C) V.

Sont ainsi dissociés clairement le temps de la recherche qui mobilise l'intuition et les connaissances et le temps de la rédaction et de la formalisation. Cette démarche n'est pas évidente quand on voit la difficulté qu'ont nos élèves à utiliser une feuille de brouillon avant de se lancer dans la rédaction d'une question, comme si deux phases se télescopiaient .

- Soit, comme dans l'exemple suivant, une démonstration de cours est d'abord demandée puis quelques propositions situées dans le même champ doivent être repérées comme vraies ou fausses. L'élève a réfléchi aux hypothèses nécessaires dans sa démonstration, il les a fait fonctionner, il a organisé l'argumentation. Il est alors plus à même de répondre en connaissance de cause et non au hasard. On teste aussi le fait qu'il se soit ou non approprié le résultat établi, qu'il s'en soit ou non fabriqué des représentations.

## Exercice n° 13 (enseignement obligatoire)

**Partie A.**

Soit  $(u_n)$  une suite croissante non majorée.

1. Soit  $M$  un nombre réel et  $n_0$  un entier naturel tel que  $u_{n_0} \geq M$ . Démontrer que pour tout entier naturel  $n$ , si  $n \geq n_0$  alors  $u_n \geq M$ .

2. Quelle conséquence peut-on en tirer pour la suite  $(u_n)$  ?

3. Énoncer le théorème du cours ainsi démontré.

**Partie B**

Répondre par Vrai ou Faux aux propositions suivantes :

- Si une suite n'est pas majorée alors elle tend vers  $+\infty$ .
- Si une suite est croissante alors elle tend vers  $+\infty$ .
- Si une suite tend vers  $+\infty$  alors elle n'est pas majorée.
- Si une suite tend vers  $+\infty$  alors elle est croissante.

Banque exercices S 2005

Réponses : a) F b) F c) V d) F

Le a) et le b) posent le problème de la disparition d'une hypothèse. La réponse au c) est presque incluse dans le texte précédent. Le d) permet de réfléchir à une éventuelle réciproque et teste la justesse des représentations acquises.

**Nous avons tous fait l'expérience de QCM mal construits dans nos premières tentatives. La construction de QCM est une technique qui s'acquiert mais qui obéit à un certain nombre de règles.**

**V. Construction de QCM***Les règles fondamentales d'élaboration d'un QCM***a) Les thèmes abordés dans les questions**

Il est souhaitable que les questions

- portent sur les aspects importants de la notion traitée ;
- traitent d'un seul sujet par question ;
- permettent de distinguer à quel degré l'élève a assimilé la notion en question.

Le plan est rapporté au repère orthonormal .

On considère les points  $A(-1 ; 5)$ ,  $B(1 ; 1)$ ,  $C(4 ; -5)$ ,  $D(2 ; 3)$ ,  $E(3 ; 5)$ .

$\overline{AB} = \overline{BC}$

$\overline{AC} = \frac{5}{2} \overline{AB}$

$\overline{AB}$  et  $\overline{BC}$  sont colinéaires

$\overline{AB}$  et  $\overline{AD}$  sont colinéaires

B, D et E sont alignés

A, B, C sont alignés

L'équation de (BD) est  $y = 2x - 1$

L'équation de (BE) est  $y = x$

Suivant les réponses fournies on peut situer assez précisément les connaissances de

l'élève sur la colinéarité et l'alignement de trois points. Ce type de QCM a toute sa place en évaluation formative.

### b) La formulation des questions

Les questions doivent :

- Être **structurées** en faisant une nette **séparation** entre **tronc** et **alternatives**.
- Comporter un **tronc** qui doit contenir un maximum d'informations essentielles afin d'alléger les alternatives et en particulier contenir les éléments communs aux solutions proposées. Les troncs constituent une affirmation incomplète (à compléter par les alternatives correctes) ou une question directe (à laquelle les alternatives correctes fournissent la réponse).
- Être formulées dans un **langage accessible aux élèves** et être syntaxiquement correctes, **aucune ambiguïté ne doit exister au niveau du français**. Contre-exemple :

La fonction  $f$  définie sur  $]0; +\infty[$  par  $f(x) = \sqrt{x}$  n'est pas dérivable en 0 : oui   
non .

La réponse « non » peut s'imposer à l'élève comme traduction de la non dérivabilité.

- Être **concises** en évitant tout ce qui est inutile.
- Être **intelligentes** en évitant de fournir des moyens trop techniques ou trop superficiels d'identifier la bonne réponse, par des moyens extérieurs aux mathématiques. Il faut éviter par exemple : une trop grande différence de complexité dans les solutions, dans la longueur des différentes propositions.

Soit  $f$  la fonction définie sur  $]4; +\infty[$  par  $f(x) = -2x + 1 - \frac{8}{x-4}$  et (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormal du plan.

La fonction  $x \mapsto F(x)$  donnée par :

$$F(x) = -x^2 + x + 8(x-4)^2$$

$$F(x) = -x^2 + x + 8 \ln(x-4)$$

$$F(x) = -x^2 + x - 8 \ln(x-4)$$

est une primitive de  $f$  sur  $]4; +\infty[$ .

ES Pondichéry 2005

Le tronc n'en est pas un car la conclusion est renvoyée à la fin. De plus la première alternative est très différente des deux autres On a tendance à l'éliminer sans analyse mathématique.

- Ne pas prétendre tester **trop de connaissances à la fois**, car le message donné par la réponse ne sera pas évaluable par l'enseignant, ce qui est dommageable.

Soit  $z \in \mathbf{C}$  vérifiant  $\bar{z} + |z| = 6 + 2i$ . Écrire  $z$  sous forme algébrique

$\frac{8}{3} - 2i$      
   $-\frac{8}{3} - 2i$      
   $\frac{8}{3} + 2i$      
   $-\frac{8}{3} + 2i$

La bonne réponse  $\frac{8}{3} - 2i$ , peut s'obtenir sans calculs, en observant que la partie

imaginaire de  $\bar{z} + |z|$  est égale à celle de  $\bar{z}$ . Que signifie une mauvaise réponse ? Impossible de l'analyser.

- Être réfléchies dans l'alternance des réponses fausses ou justes ou dans la position de la bonne réponse. Il est indispensable de ne pas mettre la bonne réponse toujours à la même place. Il faut rester modeste car on ne connaît pas la stratégie qui va être adoptée par l'élève.

Dans  $\mathbf{R}$ , l'équation  $e^{2x} = e$  admet pour unique solution  $x = \frac{1}{2}$     Vrai  Faux

La réponse « vrai » peut être le résultat d'une simple vérification sans preuve de l'unicité.

### Des priorités à respecter :

Il faut :

- éviter les calculs longs et pénibles en plaçant la bonne réponse en dernier. Ou en premier d'ailleurs. Dans le premier cas, l'élève entreprend des calculs de vérification sans réfléchir à ce qu'il fait, dans le deuxième cas, fier de sa bonne réponse, il n'examine pas les autres.. Les distracteurs ne jouent pas leur rôle. Exemple :

Soit  $z \in \mathbf{C} - \{1\}$ , on pose  $f(z) = \frac{z+i}{z-1}$ . Un seul des résultats suivants est exact.

Lequel ?

$f(1+2i) = \frac{5}{2} - \frac{3}{2}i$      
   $f(1-3i) = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}i$   
  $f(i) = 2 + 3i$      
   $f(i) = 2 + 3i$

- éviter les QCM trop pointus sur un même sujet ou ne mettant en jeu que des processus intellectuels élémentaires comme uniquement la mémoire.

La fonction  $f$  est définie sur  $]0; +\infty[$  par  $f(x) = \ln x$  si  $x \geq 1$  et  $f(x) = -\ln x$  si  $x < 1$ .

- $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = 1$       vrai  faux
- $f$  est dérivable en 1      vrai  faux
- $f$  est dérivable à droite en 1 et  $f'_d(1) = 1$       vrai  faux
- $f$  est dérivable à gauche en 1 et  $f'_g(1) = -1$       vrai  faux
- La courbe représentative de  $f$  admet au point d'abscisse une tangente      vrai  faux

- veiller à évaluer différents niveaux d'activités mentales : logique, compréhension profonde des principes et des concepts, confronter l'élève à différents aspects d'un thème

Le triangle ABC a pour centre de gravité G . On considère le point I barycentre des points pondérés (A,2), (B,1) et (C,1).

$$I = G \quad \square \quad I \text{ est le milieu de } [AG] \quad \square \quad AI = \frac{4}{3} AG \quad \square \quad AI = \frac{4}{3} AG \quad \square$$

Dans l'exercice ci-dessous la simplicité des résultats et surtout la modélisation nécessaire de la situation par l'élève permettent de tester la cohérence du savoir de l'élève et minimisent la possibilité de réponse au hasard.

Baccalauréat S Antilles – Guyane juin 2005

EXERCICE 3

3 points

**Commun à tous les candidats**

*Cet exercice est un questionnaire à choix multiples constitué de six questions ; chacune comporte trois réponses, une seule est exacte. On notera sur la copie uniquement la lettre correspondant à la réponse choisie.*

Un lecteur d'une bibliothèque est passionné de romans policiers et de biographies. Cette bibliothèque lui propose 150 romans policiers et 50 biographies.

40 % des écrivains de romans policiers sont français et 70 % des écrivains de biographies sont français.

Le lecteur choisit un livre au hasard parmi les 200 ouvrages.

1. La probabilité que le lecteur choisisse un roman policier est :

a. 0,4    b. 0,75    c.  $\frac{1}{150}$

2. Le lecteur ayant choisi un roman policier, la probabilité que l'auteur soit français est :

a. 0,3    b. 0,8    c. 0,4

3. La probabilité que le lecteur choisisse un roman policier français est :

a. 1,15    b. 0,4    c. 0,3

4. La probabilité que le lecteur choisisse un livre d'un écrivain français est :

a. 0,9    b. 0,7    c. 0,475

5. La probabilité que le lecteur ait choisi un roman policier sachant que l'écrivain est français est :

a.  $\frac{4}{150}$     b.  $\frac{12}{19}$     c. 0,3

6. Le lecteur est venu 20 fois à la bibliothèque ; la probabilité qu'il ait choisi au moins un roman policier est :

a.  $1 - (0,25)^{20}$     b.  $20 \times 0,75$     c.  $0,75 \times (0,25)^2$

## Construction d'un barème

Une partie importante du travail d'élaboration d'un QCM est la production d'un barème.

Soit le barème est imposé par l'épreuve et on doit l'avoir en tête lors de la construction des questions, soit on a la liberté de le construire et cette réflexion est indissociable des autres étapes

La cotation correcte d'un QCM est un terrain très sensible, car la plupart de ceux qui reçoivent ce barème vont le contester s'ils s'estiment lésés par lui.

### Principes de base :

- a) L'élève qui coche tout correctement doit avoir le maximum de points.
- b) L'élève qui coche au hasard doit avoir  $\pm 0$  points.
- c) Entre ces extrêmes, il doit y avoir une progression linéaire

Le problème de la construction d'un barème se pose de façon extrêmement différente selon que le dépouillement est manuel ou informatique et cela va influencer la confection du Q.C.M. En effet, sans logiciel, d'une part il est très difficile de ne pas avoir le même nombre de points positifs et négatifs affectés à chaque question ; ceci nécessite donc que toutes les questions aient le même « poids » et donc en gros la même difficulté. D'autre part, il est pratiquement impossible de croiser les réponses, de pénaliser des réponses incohérentes mais aussi de valoriser des réponses toutes deux fausses mais cohérentes.

La construction d'un barème manuel amène logiquement à créer des questions indépendantes les unes des autres. Voyons comment on peut procéder concrètement.

### Les barèmes classiques

**Premier cas : Deux possibilités à chaque fois, dont l'une est exacte et l'autre inexacte** (Instruction : cocher une et une seule case :  Vrai  Faux).

Si la réponse à une question est correcte c'est-à-dire si la bonne case est cochée : 1 point, et si la mauvaise case est cochée : -1 point.

Ce type de notation ne peut être envisagé que lorsque les questions sont très nombreuses : supposons qu'il y en ait 60, les résultats commencent à être significatifs, et on commence à pouvoir donner du sens à l'expression « cocher au hasard ».

En effet : si l'élève coche au hasard, il y aura statistiquement autant de bonnes réponses que de réponses fausses, d'où  $\pm 0$  points. S'il coche toutes les questions une fois et correctement, il aura 60 points. Attention, une faute unique amène 58 et non 59 !

Si nous ne retranchons rien pour la réponse fausse, celui qui répond au hasard aura statistiquement 30 réponses correctes donc  $\pm 30$  points, ce qui est de la pure démagogie de la part de l'examineur !

Son informatisation permet de croiser les questions et de tester par là la logique et de minimiser le hasard



L'application de ce barème sur un QCM avec peu de questions fournit à l'expérience des notes très basses. On préfère souvent : bonne réponse : 1 point, mauvaise réponse : -0.5 et omission : 0 point. C'est ce barème qui est actuellement proposé au baccalauréat français.

**Deuxième cas : Plusieurs possibilités de réponse à chaque fois, dont une seule est vraie, les autres fausses QRU** (Instruction : cocher une et une seule fois).

Par exemple (30 questions à trois possibilités également cotées). La réponse à une question : correcte : 2 points, fausse : -1 point

En effet : Si l'élève coche au hasard, parmi les questions cochées une fois, il y aura statistiquement deux fois plus de mauvaises réponses que de bonnes, donc  $40 \times (-1) + 20 \times 2 = 0$  points. S'il coche toutes les questions une fois et correctement, il aura  $30 \times 2 = 60$  points. Ici s'il fait une faute, il aura 57 et non 58.

**Autres cas. En particulier les QRM. avec par exemple 4 possibilités où jusqu'à 4 réponses peuvent être justes.**

Dans ce cas l'application des principes généraux conduit à des attributions de points fractionnaires. Ce qui est très difficile à mettre en place. Cela explique en partie l'absence presque totale des QRM en évaluation sommative. Affecter le même nombre de points à chaque question pose un problème car sont évaluées de la même façon sur cette question des connaissances basiques et des stratégies plus fines mises en œuvre lorsque des distracteurs ne sont pas évidents à évacuer. La cohérence des réponses ne peut aisément être évaluée.

## VII. Place des QCM dans l'évaluation.

*Ceux qui ne savent rien en savent toujours  
autant que ceux qui n'en savent pas plus qu'eux !  
Francis Blanche*

Après avoir réfléchi à ce qu'est un QCM, à ses règles de constructions à ses qualités et défauts intrinsèques, cherchons qu'elle est sa place dans le processus global d'évaluation des élèves.

Il faut bien sûr préciser, comme nous l'avons fait précédemment, de quelle évaluation il s'agit. L'utilisation des QCM en formatif est forte intéressante, une pratique assez ancienne pour certains, une découverte pour d'autres. En France, ce type d'évaluation dans le domaine sommatif est apparu dans la « maquette » du baccalauréat et a sa place dans les épreuves des trois dernières années.

Que peut-on évaluer ?

En 1956, Benjamin Bloom dirigeait un groupe de psychologues en éducation. Du fruit de ces travaux émerge une classification des niveaux de pensée que Bloom et ses collègues considèrent comme importants dans le processus d'apprentissage. Bloom fait l'hypothèse que les habiletés peuvent être mesurées sur un continuum allant de simple à complexe.

Il distingue, avec ses successeurs, trois domaines :

Le **domaine cognitif** concerne toutes les activités d'ordre essentiellement mental ou intellectuel : souligner les métaphores dans un texte, énoncer une formule chimique, formuler des hypothèses ... Ce domaine du savoir a fait l'objet de sa célèbre taxonomie<sup>(1)</sup>.

Le **domaine psychomoteur** concerne toutes les activités d'ordre essentiellement gestuel, nécessitant un contrôle kinesthésique.

Le **domaine socio-affectif**, enfin, concerne toutes les activités d'ordre essentiellement affectif, se traduisant par des attitudes, des valeurs.

Dans sa taxonomie, BLOOM classe six niveaux d'objectifs graduant les opérations mentales des plus factuelles aux plus conceptuelles :

- La connaissance
- La compréhension
- L'application
- L'analyse
- La synthèse
- L'évaluation

On peut se poser la question : À quels niveaux de la classification se situent les processus intellectuels que l'élève met en œuvre à travers les différents types de QCM ?

**a) Connaissance des outils de préhension de l'objet et du fait mathématiques.**

*Mémoriser des savoirs de base, les reconnaître et en rendre compte (questions de cours, contrôle de connaissances).*

Exemple :

Les événements A et B sont dits indépendants en probabilité, signifie que

$p(A \cap B)$  est égal à :

0      $p_B(A) \times p(B)$       $p(A) \times p(B)$      Aucune de ces réponses

Réponses : F-F-V

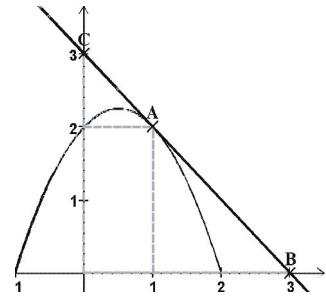
**b) La compréhension**

*Comprendre des situations, les repérer globalement et les décrire en ses propres termes (questions de compréhension).*

(1) C'est un terme emprunté aux sciences naturelles où il désigne la science des lois et principes de classification et, par extension, toute théorie de classification, voire toute classification rationnelle.

Soit  $f$  une fonction numérique définie sur  $[-1 ; 2]$ , représentée par la courbe P ci-contre. La droite (BC) est tangente à P en A.

- le nombre dérivé de  $f$  en 1 est  $-1$   
  $f'(1) = 2$   
  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - 2}{h} = -1$   
  $f(1+h) = 1-h$   
 Aucune des réponses proposées



Réponses : V-F-V-F

L'élève peut répondre correctement à cette question sans être capable lui-même de trouver tous les sens du nombre dérivé.

### c) Application

Appliquer les résultats et les situations apprises à des situations nouvelles (exercices classiques).

Exemple :

On pose  $I(x) = \int_0^x t \sin t \, dt$ .

- $I(x) = -\frac{1}{2}x^2 \cos x$                         $I(x) = \sin x - x \cos x$   
  $I(x) = \sin x + x \cos x$                        Aucune de ces réponses

Réponses : F-V-F

### d) S'emparer et analyser une situation donnée, dans sa structure.

Situation à laquelle on n'est pas forcément capable d'apporter une réponse définitive, mais procéder au tri des informations recevables ou non.

On pose  $I(x) = \int_0^1 e^{-t^2} \, dt$ . On a

- $I < 0$       $I > \frac{3}{e}$       $I(x) = \frac{1}{e} + \int_0^1 t^2 e^{-t^2} \, dt$      Aucune de ces réponses

Réponses : F-F-F-V

L'élève peut trouver correctement qu'aucune de ces alternatives ne convient même s'il ne peut pas calculer I

### e) Synthèse et créativité.

Combiner des connaissances et savoir-faire pour créer une solution originale dans une situation de problème après avoir su en faire une synthèse.

Devant un QCM, un élève peut créer un chemin d'accès original pour trouver la réponse, il est aussi amené à faire une synthèse de ses connaissances pour prendre position, mais le correcteur n'a pas accès à cela, il n'y a pas de construction et de production explicite, par ailleurs, la question est fermée, cadrée.

### e) Critique et évaluation

*Formuler des hypothèses et interprétations personnelles (recherche personnelle).*

L'élève a pu exercer son esprit critique pour discriminer parfois finement entre les propositions, mais on n'a pas de trace écrite développée de sa démarche. On n'a pas accès à l'évaluation qu'il a fait de sa solution.

Par contre, lorsqu'en évaluation formative, un Q.C.M. est utilisé, le débat qui suit lors de sa correction met bien à jour ces deux dernières dimensions.

Les QCM sont donc peut-être plus adaptés aux niveaux inférieurs et moyens des questionnaires de l'échelle taxonomique de Bloom, l'évaluation des niveaux supérieurs étant plus difficile. Ils conviennent tout à fait à un certain nombre d'exigences de l'apprentissage des mathématiques dans l'enseignement secondaire. Ils ne remplaceront bien sûr pas le problème semi-ouvert ou ouvert.

Notons cependant que, en Belgique, les épreuves des Olympiades dans les premières phases du concours, en gros jusqu'au baccalauréat, sont menées par QCM. On fait donc confiance à ces derniers pour valoriser les capacités intellectuelles des candidats.

Ils peuvent tester efficacement les connaissances de situations, la compréhension de situation, la capacité de mettre en œuvre ces connaissances. et servir aussi d'outil de remédiation.

Ils ne peuvent constituer la seule forme d'évaluation, car ils sont inadaptés à tester les capacités à reproduire, décrire et formuler correctement.

Il est à noter que l'introduction des QCM en France est progressive, la banque de données élaborée sous le contrôle de l'Inspection Générale permet de préparer sans heurt élèves et professeurs à leur usage et est cohérente avec les sujets donnés notamment au baccalauréat 2005.

## Conclusion

Il est clair que nous devons faire tomber un certain nombre de nos défenses par rapport au QCM. Ce serait une erreur de l'écarter hâtivement, même si notre culture est autre.

On a tenté de montrer l'intérêt propre du QCM, sa valeur spécifique. qui ne peut qu'être partiellement retrouvée dans une évaluation classique, son rôle dans la valorisation par ce type d'exercices, d'élèves qui rencontrent de gros problèmes d'expression, mais qui ont appris et assimilé des connaissances.

En France, il s'agit d'une première étape de mise en place. Le QCM peut devenir un outil plus sophistiqué d'évaluation (croisement des réponses, demande de justifications, ...).

Il nous paraît cependant qu'il n'est pas destiné à remplacer purement et simplement toute autre forme d'évaluation car il ne teste que de façon très relative certaines capacités cognitives.

Il reste toutefois un outil remarquable tant en évaluation formative (tant au niveau du diagnostic que de la régulation des apprentissages ainsi que dans l'organisation de débats socio-cognitifs entre élèves) qu'en évaluation sommative (pour poser un diagnostic objectif et valoriser certaines performances et des élèves peu à l'aise dans une évaluation classique).

C'est en poursuivant le débat constructif autour de sa mise en place dans la démarche de recherche-action décrite en préambule qu'on affinera cet outil, qu'on le perfectionnera et se l'appropriera.

## Annexe 1 QCM à la Japonaise

L'exercice ci-dessous (dont la formulation a été quelque peu adaptée) a été donné en 1990 au concours national d'entrée dans les universités publiques nippones ; il représentait le tiers d'une épreuve d'une heure. Il est conçu, comme un QCM classique, pour une correction automatique par lecteur optique. Mais, pour donner les bonnes réponses, le candidat doit faire calculs et raisonnements ; la seule chose qui lui est épargnée est la rédaction.

*Dans cet énoncé, les lettres majuscules maigres A, B, C ... jusqu'à T désignent l'un des symboles suivants : 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0, +, -. On demande de déterminer pour chacune le symbole correspondant. Aucune justification n'est à donner.*

Soit  $\lambda$  une constante. On considère la parabole  $\Pi_\lambda$  d'équation :  $y = -x^2 + \lambda x + \lambda^2$ .

1. Trouver les coordonnées  $x = \frac{\lambda}{A}$ ,  $y = \frac{B\lambda^2}{C}$  du sommet de  $\Pi_\lambda$ . Ce point est situé sur une courbe  $y = Dx^2$ .
2. Soit  $\Delta$  la droite joignant les deux points  $U(-1, 1)$  et  $V(2, 4)$ . Pour que  $\Pi_\lambda$  et  $\Delta$  aient au moins un point commun, il faut et il suffit que l'on ait  $\lambda \leq EF$  ou  $\lambda \geq \frac{G}{H}$ .
3. Lorsque  $\lambda = EF$ ,  $\Pi_\lambda$  et  $\Delta$  ont un point commun unique de coordonnées  $(JK, L)$   
Lorsque  $\lambda \geq \frac{G}{H}$ ,  $\Pi_\lambda$  et  $\Delta$  ont un point commun unique de coordonnées  $\left(\frac{M}{N}, \frac{P}{Q}\right)$ .
4. Pour que  $\Pi_\lambda$  et le segment  $[UV]$  aient deux points communs distincts, il faut et il suffit que  $\frac{R}{S} < \lambda \leq T$ .

## ANNEXE 2

Principes	Avantages	Inconvénients	Remèdes aux inconvénients
-----------	-----------	---------------	---------------------------

### Questionnaire à Réponse Unique (Q.R.U)

<ul style="list-style-type: none"> <li>• Plusieurs choix : (4 ou 5) une seule réponse est correcte.</li> <li>• Deux consignes possibles : Cocher si vrai ou Barrer si faux.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Utilisation d'une stratégie d'élimination.</li> <li>• Bonne lisibilité par les élèves (ils sont sécurisés).</li> <li>• Les réponses arrivent plus rapidement.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Difficulté d'élaboration (questions à réponse fausse).</li> <li>• L'élève n'examine pas toutes les réponses.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Utiliser « Aucune réponse ne convient » ou « autre réponse ».</li> <li>• Vrai-Faux à réponse unique.</li> </ul>
--	---	--	--

### Questionnaire à réponses multiples (Q.R.M)

<ul style="list-style-type: none"> <li>• Plusieurs choix : 4 ou 5. Plusieurs réponses correctes.</li> <li>• Deux consignes possibles Cocher si vrai ou Barrer si faux.</li> <li>• Les propositions sont généralement indépendantes, mais peuvent aussi être liées ou déductives.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Permet de proposer des réponses vraies dans différents cadres ou langages.</li> <li>• L'élève examine toutes les réponses proposées.</li> <li>• Permet de tester la cohérence des réponses (formation).</li> <li>• Permet d'avoir plus facilement accès aux représentations des élèves.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Temps imparti plus long.</li> <li>• Analyse des réponses difficiles.</li> <li>• Quel sens donner à l'absence de réponse ?</li> <li>• Notation plus complexe pour les réponses partielles.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• On peut indiquer le nombre de réponses justes.</li> <li>• Bien insister sur le statut de réponse multiple.</li> </ul>
---	---	---	--

### Vrai-Faux (V, F)

<ul style="list-style-type: none"> <li>• Une assertion est proposée, elle est vraie ou fausse.</li> <li>• Si plusieurs assertions sont proposées successivement, la valeur de vérité de l'une ne dépend pas directement de la valeur de vérité des autres, même si elles se rapportent aux mêmes données, V/FU une seule est vraie, VFM plusieurs sont vraies.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Permet de recueillir un maximum d'informations.</li> <li>• On examine toutes les réponses.</li> <li>• Les questions ne sont pas forcément du même ordre.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Les élèves se sentent obligés de répondre.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Éviter les questions à contre-exemple unique ou marginal.</li> <li>• Ajouter une case « Je ne sais pas » ou « On ne peut pas répondre »</li> </ul>
---	--	--	---

- Problème de la compréhension de la consigne par l'élève.
- Difficulté d'élaboration et de construction du barème.