

# œ Brevet des collèges Pondichéry avril 2005 œ

Durée : 2 heures

## ACTIVITÉS NUMÉRIQUES

12 points

### Exercice 1

1. On pose  $A = \frac{2}{3} + \frac{5}{3} \times \frac{1}{15}$  et  $B = \left(1 - \frac{1}{7}\right) + \frac{12}{5}$ .

Calculer A et B en détaillant les étapes des calculs. Donner les résultats sous forme de fractions irréductibles.

2. On pose  $C = \frac{5 \times 10^4 \times 42 \times 10^2}{6 \times 10^{-4}}$ .

Donner l'écriture scientifique de C en détaillant les étapes des calculs.

### Exercice 2

1. On pose  $D = 5\sqrt{3} - \sqrt{75} + 2\sqrt{27}$ .

Écrire D sous la forme  $a\sqrt{b}$ , où a et b sont des nombres entiers.

2. On pose  $E = (\sqrt{7} + \sqrt{2})(\sqrt{7} - \sqrt{2})$ .

Montrer que E est un entier.

### Exercice 3

On pose  $F = 49 - (3x + 2)^2$ .

1. Factoriser F.

2. Développer  $(3x + 2)^2$ , puis F.

3. Calculer F pour  $x = \frac{5}{3}$ .

### Exercice 4

1. Calculer le PGCD de 388 et 129 en expliquant la méthode choisie.

2. Peut-on simplifier la fraction  $\frac{388}{129}$ ? Justifier la réponse.

### Exercice 5

1. Résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} x + y = 104 \\ x - y = 8 \end{cases}$$

2. Matéo et Simon, qui ont 8 ans d'écart, additionnent leurs âges et trouvent 104 ans.

Sachant que Matéo est le plus jeune, calculer l'âge de chacune de ces deux personnes

## ACTIVITÉS GÉOMÉTRIQUES

12 points

### Exercice 1

*Les questions sont indépendantes les unes des autres.*

MNP est un triangle rectangle en P tel que :

MP = 5 cm et MN = 7 cm.

1. Calculer la mesure, arrondie au degré, de l'angle  $\widehat{MNP}$ .
2. Calculer la valeur exacte de NP ; donner son arrondi au mm.
3. Soit I le point du segment [MP] tel que PI = 2 cm. La parallèle à (MN) passant par I coupe [PN] en J.  
Calculer IJ.

### Exercice 2

1. Construire un segment [EF] de 8 cm puis le cercle de diamètre [EF]. G est un point de ce cercle tel que EG = 6 cm.  
Quelle est la nature du triangle EFG ? Justifier la réponse.
2. Construire le point K symétrique de E par rapport au point G.
3. Construire le point L symétrique de F par rapport au point G.
4. Quelle est la nature du quadrilatère EKFL ? Justifier la réponse.

### Exercice 3

Soit (O ; I, J) un repère orthonormé tel que OI = OJ = 1 cm.

1. Placer les points suivants :

A(3 ; 3) ; B(4 ; 2) C(2 ; 2) et D(1 ; 1).

2. Montrer que C est le milieu du segment [AD]. Tracer les segments [AD], [AB] et [BC]. On obtient un dessin appelé T.
3. Construire en bleu l'image de T par la translation de vecteur  $\overrightarrow{DA}$ .
4. Construire en vert l'image de T par la rotation de centre O, d'angle  $90^\circ$ , le sens étant celui des aiguilles d'une montre.

### PROBLÈME

12 points

Pour aller en train voir sa fille, Paul prévoit de faire plusieurs allers-retours entre Valey et Suret.

Deux solutions lui sont proposées.

- Formule A : voyager à plein tarif ; un billet aller-retour s'élève à 170 euros.
- Formule B : acheter une carte « Escapade » coûtant 100 euros et bénéficier alors d'une réduction de 25 % pour chaque billet aller-retour.

1. Montrer qu'avec la formule B un aller-retour est facturé 127,50 euros.
2. Reproduire et compléter le tableau suivant sur votre copie.

Nombre d'allers-retours	1	2	3
Prix de revient avec la formule A (en euros)			
Prix de revient avec la formule B (en euros)			

3. Soit  $x$  le nombre de voyages aller-retours.

Exprimer, en fonction de  $x$ , le prix de revient de  $x$  voyages :

- par la formule A
- par la formule B.

4. **a.** Construire un repère orthogonal en prenant l'origine en bas à gauche de la feuille de papier millimétré et comme unités graphiques :
- en abscisses, 2 cm pour une unité ;
  - en ordonnées, 2 cm pour 100 euros.
- b.** Dans le repère précédent, construire la représentation graphique de deux fonctions  $A$  et  $B$  définies par :

$$A(x) = 170x \quad \text{et} \quad B(x) = 127,50x + 100.$$

5. Déterminer, à l'aide du graphique, à partir de quel nombre de voyages allers-retours Paul a intérêt à acheter la carte « Escapade ».  
Faire apparaître les tracés utiles.
6. **a.** Résoudre l'inéquation  $127,50x + 100 < 1000$ .
- b.** Paul a un budget de 1 000 euros.  
Combien peut-il faire au maximum d'allers-retours avec sa carte « Escapade ».