

~ Brevet Centres étrangers I juin 1999 ~

PARTIE NUMÉRIQUE

Exercice 1 :

Soit $a = \sqrt{5}(1 - \sqrt{2})$ et $b = 5 + \sqrt{2}$.
Calculer a^2 , b^2 , $a^2 + b^2$ et $\sqrt{a^2 + b^2}$.

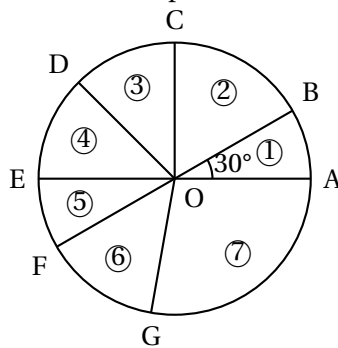
Exercice 2 :

Soit l'expression : $G..(1 - 2x)^2 - 25$.

1. Développer et réduire G .
2. Factoriser G .
3. Résoudre l'équation $(1 - 7x)(3x + 1) = 0$.
4. Calculer les valeurs de G pour $x = 0$, pour $x = \frac{1}{7}$ et pour $x = -1$.

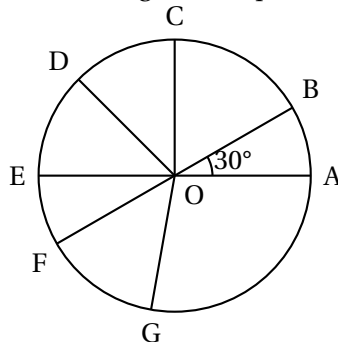
Exercice 3 :

Un parc forestier compta 14 400 arbres. Le diagramme circulaire ci-dessous Indique la répartition des sept variétés d'arbres plantés dans ce parc.



- 1 : pins
- 2 : chênes
- 3 : hêtres
- 4 : sapins
- 5 : charmes
- 6 : bouleaux
- 7 : châtaigniers

Données géométriques relatives à ce diagramme :



- AE et [BF] sont deux diamètres du disque;
- (CO) et (AE) sont perpendiculaires;
- l'angle AOB mesure 30 degrés;
- (OD) est la bissectrice de l'angle \widehat{COE} ;
- la mesure de l'angle \widehat{FOG} égale la moitié de la mesure de l'angle \widehat{GOA} .

1. Calculer les mesures des angles : \widehat{BOC} , \widehat{COD} , \widehat{DOE} , \widehat{EOF} , \widehat{FOG} et \widehat{GOA} .
2. En déduire le nombre d'arbres de chaque variété plantée dans le parc forestier.

PARTIE GÉOMÉTRIQUE**Exercice 1 :**

Le plan est rapporté au repère orthonormal (O, I, J) ; l'unité graphique est 1 centimètre.

1. Placer les points $A(-2; 1)$; $B(-1; -2)$; $C(4; 3)$ et $O(2; 4)$.
2. a. Calculer AB^2 , AC^2 ; BC^2 et en déduire la nature du triangle ABC?
b. Quelle est la nature du triangle ABC?
3. a. Déterminer l'équation de la droite (BD).
b. Calculer le coefficient directeur de la droite (DC).
4. Soit M le milieu du segment [AC].
a. Calculer les coordonnées du point M.
b. Démontrer que le point M appartient à la droite (BD).

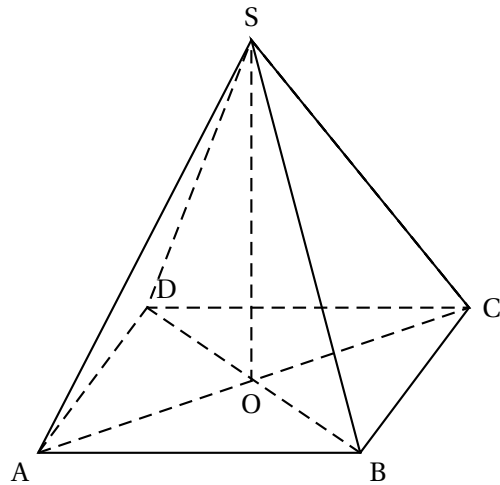
Exercice 2 :

L'unité de longueur est le centimètre.

Le schéma ci-contre représente une pyramide régulière de sommet S qui a pour base le carré ABCD.

$AC = 10$ et $SA = 10$.

1. Construire en vraie grandeur le carré ABCD et le triangle SAB.
2. a. Montrer que $AB = 5\sqrt{2}$.
b. On se place dans le triangle SAB et on désigne par I le milieu du segment [AB].
Calculer le cosinus de l'angle \widehat{SAB} .
En déduire la mesure, arrondie au degré, de l'angle \widehat{SAB} .
3. Calculer la hauteur SO de la pyramide.
4. Calculer le volume de la pyramide.
On donnera sa valeur exacte, puis une valeur approchée au cm^3 près.

**PROBLÈME**

L'unité de longueur est le centimètre. Le schéma ci-contre représente une pyramide régulière de sommet S qui a pour base le carré ABCD.

$AC = 10$ et $SA = 10$.

Soit un cercle \mathcal{C} de diamètre [AB] et de centre O.

Soit M un point de ce cercle (distinct de A et B), et N l'image de M par la translation de vecteur \vec{AB} . (On a donc $MN = AB$.)

1. Réaliser la figure qui sera complétée dans la suite.
2. Quelle est la nature du quadrilatère AMNB?
3. Soit P le symétrique de N par rapport au point B.
 - a. Quelle est la nature du quadrilatère AMBP?
 - b. En déduire que P est le symétrique de M par rapport au point O et que P appartient au cercle \mathcal{C} .
4.
 - a. Quelle est la nature du triangle MNP?
 - b. Comparer les aires du triangle MNP et du quadrilatère AMNB.
5. La droite (NO) coupe la droite (MB) en G.
Démontrer que la droite (PG) coupe le segment [MN] en son milieu.