

❧ Brevet d'Études du Premier Cycle ❧

Maroc juin 1958

ALGÈBRE

1. Vérifier l'identité

$$(a + b - c)(a + b + c) = (a + b)^2 - c^2.$$

Utiliser cette identité pour calculer le plus simplement possible .

$$\left(\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5}\right)\left(\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5}\right).$$

30

2. Mettre sous forme de produit de facteurs les expressions

$$\begin{aligned} A &= (3x + 5)^2 - 16, \\ B &= (x + 3)(2x - 1) - (x + 3)^2 - (x + 3). \end{aligned}$$

3. Résoudre les équations

$$A = 0, \quad B = 0.$$

4. On donne l'expression

$$\frac{1}{B} - \frac{1}{A}.$$

Indiquer les valeurs de x pour lesquelles cette expression n'a pas de sens.

Ces valeurs étant exclues, mettre l'expression sous la forme la plus simple possible.

GÉOMÉTRIE

La bissectrice intérieure de l'angle \widehat{A} d'un triangle ABC coupe en I le côté [BC].

Il se trouve que, dans le triangle considéré, les longueurs des côtés [AB], [BC] et [IB] vérifient la relation

$$AB^2 = BI \times BC.$$

1. Montrer que les triangles ABI et ABC sont semblables.

Indiquer les angles égaux et former le rapport de similitude.

2. En précisant la nature du triangle AIC, montrer que le cercle circonscrit au triangle AIC admet (AB) comme tangente en A.

3. Le cercle circonscrit au triangle ABI recoupe en D le côté [AC].

Montrer que les triangles BDC et AIC sont semblables; former le rapport de similitude.

4. Comparer AB et BD.

Déduire de ce résultat et des précédents la relation .

$$AB \times AC = BC^2 - AB^2.$$

5. Dans le cas particulier où l'angle \widehat{BCA} vaut 30° , évaluer les rapports de similitude des triangles considérés aux questions 1. et 3.