∞ Brevet Paris ¹ septembre 1964 ∾

ENSEIGNEMENT LONG ET ENSEIGNEMENT COURT

ALGÈBRE

1. On considère la somme algébrique

$$\frac{1}{x^2 - 2x} - \frac{5}{3x^2 - 12} + \frac{1}{x^2}.$$

Effectuer cette somme.

2. Soit le polynôme

$$P(x) = x^2 + 6x - 12.$$

Calculer sa valeur numérique pour $x = \sqrt{21} - 3$.

3. Calculer le nombre $\sqrt{21} - 3$, à $\frac{1}{10}$ près, par défaut.

GÉOMÉTRIE

Soit un triangle rectangle ABC dans lequel les côtés de l'angle droit ont pour mesures AB = 10 et AC = 24.

Soit [AH] la hauteur issue de A.

On construit les carrés ABDE et ACFG extérieurs au triangle ABC, puis le rectangle AGKE.

- 1. Calculer BC, puis AH.
- 2. Démontrer que les points H, A, K sont alignés.
- **3.** Démontrer que les points D, A, F sont alignés. Cette droite contenant D, A et F coupe (BC) en P. Calculer PB et PC.
- **4.** Soit (AQ) la bissectrice de l'angle \widehat{BAC} . Calculer QB et QC.