

## œ Brevet Paris septembre 1976 œ

### ALGÈBRE

On considère la fonction polynôme  $f$  définie par

$$f(x) = (5x + 3) - 25x^2 + 9 + (5x + 3)(x + 5).$$

1. Développer, réduire et ordonner  $f(x)$ . Quel est le degré du polynôme  $f$ ?
2. En reprenant la première forme donnée pour  $f(x)$ , montrer que  $f(x)$  est le produit de deux fonctions polynômes du premier degré.
3. Résoudre dans l'ensemble des entiers relatifs  $\mathbb{Z}$  puis dans l'ensemble des réels  $\mathbb{R}$  l'équation

$$(5x + 3)(-4x + 9) = 5x + 3.$$

4. Soit  $h$  la fonction rationnelle définie par

$$h(x) = \frac{f(x)}{5x + 3}.$$

Quel est son ensemble de définition? Soit  $\mathcal{D}$  cet ensemble.

Pour tout réel  $x$  appartenant à cet ensemble, montrer que l'expression de  $h(x)$  peut être simplifiée.

Calculer  $h\left(-\frac{5}{2}\right)$  et  $h(\sqrt{3} + 1)$ .

Pour ce dernier nombre, on donnera d'abord sa valeur exacte, puis on montrera que le nombre  $-2$  est une valeur approchée par défaut à un dixième près du nombre  $h(\sqrt{3} + 1)$ .

On rappelle que  $1,73 < \sqrt{3} < 1,74$ .

5. Le plan étant muni d'un repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  tracer la représentation graphique de la fonction  $k$  définie par  $k(x) = -4x + 9$ .  
Le point  $A\left(\frac{3}{2}; 3\right)$  appartient-il à cette représentation graphique?

### GÉOMÉTRIE

1. Dans un plan euclidien muni d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ , placer les points

$$A(-2; -1), \quad B(0; 4) \quad \text{et} \quad C(3; 1).$$

Calculer les coordonnées du milieu  $M$  de  $(B, C)$ .

2. Calculer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AM}$  et  $\overrightarrow{BC}$ .

Montrer que ces vecteurs sont orthogonaux et que le triangle  $ABC$  est isocèle.

3. La droite  $(AC)$  coupe l'axe  $(O, \vec{i})$  en  $N$ .

En projetant les points  $A, N$  et  $C$  sur l'axe  $(O, \vec{j})$ , montrer que  $N$  est le milieu de  $(A, C)$ .

4. On désigne par K la projection orthogonale de N sur la droite (AM) et par P le symétrique de N dans la symétrie d'axe (AM).

Montrer que K est le milieu de (A, M); en déduire que le quadruplet (A, P, M, N) est un parallélogramme.

Montrer que P est le milieu de (A, B); en déduire que le quadruplet (P, B, M, N) est un parallélogramme.

5. On considère l'angle géométrique  $\widehat{CAM}$  et l'on désigne par  $u$  son écart angulaire. On donne  $\tan u = \frac{3}{7}$ .

Calculer

- a. une valeur approchée de  $\frac{3}{7}$  à un millième près;
- b. le degré étant pris pour unité, la valeur approchée de  $u$  à un degré près par défaut.