

∞ Brevet d'Études du Premier Cycle ∞

Portugal juin 1958

ALGÈBRE

1. Construire la courbe D_1 représentant les variations de la fonction $y = 2x - 3$.
On appellera A le point de D_1 situé sur l'axe des ordonnées.
2. Par le point B de coordonnées $(x = 0 ; y = 2)$, on trace la droite D_2 de coefficient angulaire $\left(-\frac{1}{2}\right)$.
Former l'équation de la fonction représentée par D_2 .
3. D_2 coupe D_1 au point C.
Que peut-on dire du triangle ABC?
Calculer les coordonnées du point C.
4. Former l'équation de la fonction représentée par la parallèle D'_2 à D_2 menée par le point A et celle de la fonction représentée par la parallèle D'_1 à D_1 menée par le point B.
On calculera le plus simplement possible les coordonnées du point de concours des diagonales du quadrilatère formé par les quatre droites D_1, D_2, D'_1, D'_2 .

GÉOMÉTRIE

On considère un triangle ABC et le cercle circonscrit à ce triangle.

La bissectrice intérieure de l'angle \hat{A} coupe le côté [BC] en D et le cercle circonscrit en E.

1. Comparer les triangles ABD et AEC.
2. Démontrer que $AB \cdot AC = AE \cdot AD$.
En déduire que les triangles ACD et AEB sont semblables.
3. On suppose que l'angle A du triangle ABC mesure 60° ; on abaisse de B la perpendiculaire sur (AD), qui coupe (AD) en H et (AC) en K.
Que peut-on dire du triangle ABK?
4. L'angle en A étant toujours égal à 60° et sachant, de plus, que [AB] mesure 6 cm, calculer les longueurs respectives des segments [BH] et [AH].

N. B. - Les questions 3. et 4. du problème de géométrie sont indépendantes des deux premières questions et peuvent être traitées avant celles-ci.