

∞ Brevet d'Études du Premier Cycle ∞

**Portugal juin 1958**

**ALGÈBRE**

1. Construire la courbe  $D_1$  représentant les variations de la fonction  $y = 2x - 3$ .  
On appellera A le point de  $D_1$  situé sur l'axe des ordonnées.
2. Par le point B de coordonnées  $(x = 0 ; y = 2)$ , on trace la droite  $D_2$  de coefficient angulaire  $\left(-\frac{1}{2}\right)$ .  
Former l'équation de la fonction représentée par  $D_2$ .
3.  $D_2$  coupe  $D_1$  au point C.  
Que peut-on dire du triangle ABC?  
Calculer les coordonnées du point C.
4. Former l'équation de la fonction représentée par la parallèle  $D'_2$  à  $D_2$  menée par le point A et celle de la fonction représentée par la parallèle  $D'_1$  à  $D_1$  menée par le point B.  
On calculera le plus simplement possible les coordonnées du point de concours des diagonales du quadrilatère formé par les quatre droites  $D_1, D_2, D'_1, D'_2$ .

**GÉOMÉTRIE**

On considère un triangle ABC et le cercle circonscrit à ce triangle.

La bissectrice intérieure de l'angle  $\hat{A}$  coupe le côté [BC] en D et le cercle circonscrit en E.

1. Comparer les triangles ABD et AEC.
2. Démontrer que  $AB \cdot AC = AE \cdot AD$ .  
En déduire que les triangles ACD et AEB sont semblables.
3. On suppose que l'angle A du triangle ABC mesure  $60^\circ$ ; on abaisse de B la perpendiculaire sur (AD), qui coupe (AD) en H et (AC) en K.  
Que peut-on dire du triangle ABK?
4. L'angle en A étant toujours égal à  $60^\circ$  et sachant, de plus, que [AB] mesure 6 cm, calculer les longueurs respectives des segments [BH] et [AH].

**N. B.** - Les questions 3. et 4. du problème de géométrie sont indépendantes des deux premières questions et peuvent être traitées avant celles-ci.