

~ Brevet Rennes juin 1997 ~

PARTIE NUMÉRIQUE

Exercice 1

Sans utiliser les valeurs approchées, montrer que trois de ces nombres sont égaux :

$$A = \sqrt{5} + \sqrt{5}; \quad B = \frac{\sqrt{500}}{5}; \quad C = 2\sqrt{5} \times \sqrt{5}; \quad D = \sqrt{20}; \quad E = \sqrt{5+5}.$$

Exercice 2

On donne l'expression $E = (2x + 3)^2 - 16$.

1. Factoriser E .
2. Développer et réduire E .
3. Calculer la valeur de E lorsque x est égal à $-\frac{1}{2}$.
4. Résoudre l'équation : $(2x + 7)(2x - 1) = 0$.

Exercice 3

Lors d'un concours de pêche, on a pesé les poissons de chaque pêcheur, puis on a réparti les résultats de la façon suivante :

Masse x en grammes	$0 < x \leq 500$	$500 < x \leq 1000$	$1000 < x \leq 1500$	$1500 < x \leq 2000$	$2000 < x \leq 2500$
Nombre de pêcheurs	20	10	6	1	3

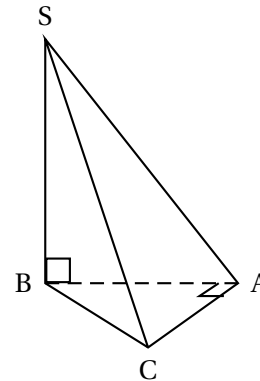
1. Quel est le nombre de pêcheurs ayant participé au concours?
2. **a.** Quel est le nombre de concurrents ayant pêché plus de 1 500 grammes?
b. Quel est le nombre de concurrents ayant pêché au plus 1 000 grammes?
3. Calculer le pourcentage des concurrents ayant pris une masse x de poisson telle que : $1000 < x \leq 1500$.

PARTIE GÉOMÉTRIQUE

Exercice 1

On considère une pyramide de hauteur $SB = 7$ cm et dont la base est un triangle ABC rectangle en A tel que $AB = 3$ cm, $AC = 4$ cm.

1. Construire un patron de cette pyramide.
2. Calculer le volume de cette pyramide.
3. On coupe la pyramide par un plan parallèle à la base; on obtient les points B' sur $[SB]$, A' sur $[SA]$ et C' sur $[SC]$ tels que $\frac{SB'}{SB} = \frac{3}{7}$.
 - a. Quelle est la nature du triangle $A'B'C'$?
 - b. Calculer le volume de la pyramide $SA'B'C'$. On donnera la valeur exacte, puis la valeur arrondie au mm^3 .



Exercice 2

1. Dans un repère orthonormal (O, I, J) , placer les points :

$$A(-3; 4); \quad B(1; 2); \quad C(-1; 0).$$

On utilisera une feuille de papier millimétré (unité : le cm).

2. a. Construire la droite d d'équation $y = 12x + 3$. Justifier.
- b. Montrer que le point B est sur cette droite.
3. a. Donner une équation de la droite (AC) (lecture graphique ou calcul).
- b. En déduire que les droites d et (AC) sont perpendiculaires.

PROBLÈME

Dans la figure ci-contre, on veut placer une fenêtre représentée par le rectangle $AMNP$ dans la facade représentée par le triangle ABC .

Le but du problème est de déterminer les dimensions de la fenêtre ayant la plus grande aire.

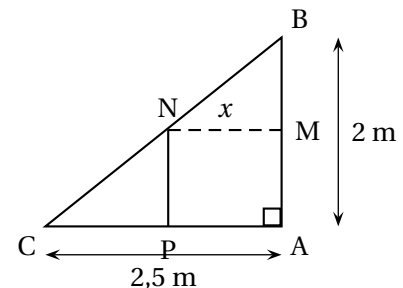
ABC est un triangle rectangle en A tel que :

$$AB = 2 \text{ m}; \quad AC = 2,5 \text{ m}.$$

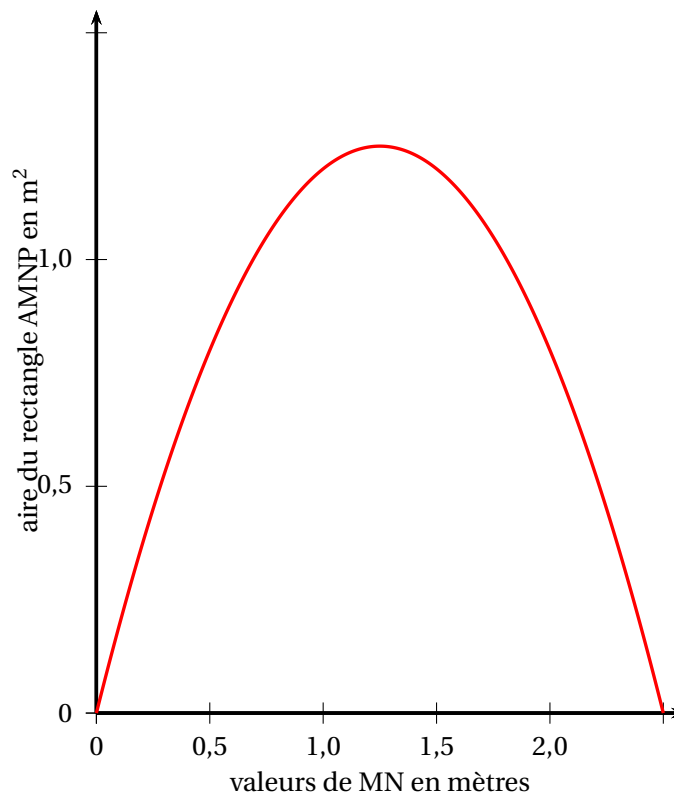
N est sur $[BC]$, M est sur $[AB]$ et (MN) est parallèle à (AC) .

On pose $x = MN$ (distance exprimée en mètres).

Toutes les distances seront exprimées en mètres.



1. En utilisant le théorème de Thalès, exprimer la distance BM en fonction de x . En déduire que $MA = 2 - 0,8x$.
2. Calculer la hauteur MA de la fenêtre puis son aire lorsque $x = 0,75$. Même question pour $x = 1,5$.
Pour quelle valeur de x la fenêtre est-elle carrée? (Donner la valeur exacte puis son arrondi au centimètre.)
3. Sur le graphique ci-après, on a représenté l'aire du rectangle $AMNP$ en fonction de x . Placer sur la courbe les points correspondant aux calculs de la deuxième question.



4. Pour des raisons d'esthétique, les dimensions de la fenêtre doivent respecter les conditions suivantes :
- d'une part, la largeur MN doit être supérieure ou égale à 0,50 m ;
 - d'autre part, la hauteur MA doit être supérieure ou égale à 0,60 m. Par le calcul, prouver que x doit alors vérifier : $0,50 \leq x \leq 1,75$.
5. Par simple lecture du graphique (on fera apparaître les pointillés nécessaires) :
- a. Quelles sont les largeurs de fenêtre correspondant à une aire de $0,80 \text{ m}^2$? Pour ces largeurs, les conditions de la question 4. sont-elles vérifiées ?
 - b. À quelle largeur correspond la fenêtre d'aire maximum ? Pour cette largeur, comparer l'aire de la fenêtre et l'aire du triangle ABC.