

∞ Brevet Élémentaire du Premier Cycle Strasbourg juin 1971 ∞

MATHÉMATIQUES TRADITIONNELLES

ALGÈBRE

On donne les expressions :

$$A(x) = (x^2 - 9y^2)(2x + y)$$

$$B(x) = (x + 3y)(4x^2 - y^2).$$

1. Mettre chaque expression sous la forme d'un produit de trois facteurs du premier degré.
2. Simplifier la fraction rationnelle $F = \frac{A(x)}{B(x)}$.

Calculer la valeur numérique de $F(x)$ pour $x = \sqrt{7}$, $y = 7$.

Exprimer le résultat avec un dénominateur rationnel.

3. Représenter graphiquement les fonctions définies par les équations :

$$\begin{cases} x - 3y = 6 \\ -3x - y = 1 \end{cases}$$

(Repère orthonormé – unité 2 cm)

4. Les droites D_1 et D_2 représentant ces fonctions se coupent en P.
Trouver une propriété de ces droites et calculer les coordonnées de P.

GÉOMÉTRIE

On donne un demi-cercle de diamètre [AB] tel que $AB = 2R$ et de centre O.

Soit P le point de la droite (AB) tel que $PA = 2R$ et P distinct de B.

1. Par P, mener la tangente (PC) qui touche le demi-cercle en C.
Indiquer nettement sur la figure la construction utilisée.
Calculer PC en fonction de R.
2. En A et B on mène les tangentes Ax et By au demi-cercle qui coupent (PC) respectivement en D et en E.
Démontrer que le quadrilatère OCEB est inscriptible.
En déduire que $PC \cdot PE = 12R^2$, puis calculer PE en fonction de R.
3. Donner la nature du triangle DOE.
En déduire que : $CD \cdot CE = AD \cdot BE = R^2$.
4. Montrer que les triangles PDO et POE sont semblables; prouver que :
 $PO^2 = \overline{PD} \cdot \overline{PE}$.
En déduire que (PO) est tangente en O au cercle de diamètre [DE].