

✎ Corrigé du baccalauréat SMS Métropole juin 2007 ✎

EXERCICE

8 points

1. 700 femmes sur 60 000 représentent un pourcentage de $\frac{700}{60\,000} \times 100 \approx 1,1666 \approx 1,17\%$.

	Femmes n'ayant jamais fumé	Fumeuses ou anciennes fumeuses	Total
Femmes consommant beaucoup de bêta-carotène	7	35	42
Femmes consommant peu de bêta-carotène	322	336	658
Total	329	371	700

1. $P(A) = \frac{42}{700} = 0,06$ et $P(B) = \frac{371}{700} = 0,53$.

2. $A \cap B$ est l'évènement : « la femme choisie consomme beaucoup d'aliments riches en bêta-carotène et est une fumeuse ou une ancienne fumeuse ».

$$P(A \cap B) = \frac{35}{7000} = 0,05.$$

3. $A \cup \bar{B}$ est l'évènement : « la femme choisie consomme beaucoup d'aliments riches en bêta-carotène ou n'a jamais fumé ».

$$P(A \cup \bar{B}) = \frac{7}{700} + \frac{35}{700} + \frac{322}{700} = \frac{364}{700} = 0,52$$

La probabilité de choisir une femme consommant beaucoup de bêta-carotène parmi les fumeuses ou les anciennes fumeuses est de $\frac{35}{371} \approx 0,094$.

PROBLÈME

12 points

Partie A

1. $f(t) = 2 + 15te^{-0,8t}$

a. $f'(t) = 15e^{-0,8t} - 0,8 \times 15te^{-0,8t} = 15e^{-0,8t} - 12te^{-0,8t} = 12e^{-0,8t}(1,25 - t)$.

- b. Comme $12e^{-0,8t} > 0$, quel que soit t , $f'(t)$ est du signe de $(1,25 - t)$.

En particulier $1,25 - t > 0 \iff 1,25 > t$. Donc la fonction est croissante sur l'intervalle $[0 ; 1,25]$. D'où le tableau de variations :

t	0	1,25	12	
$f'(t)$		+	0	-
$f(t)$	2	$\nearrow \approx 8,90$	$\searrow \approx 2,01$	

Avec $f(1,25) = 2 + 18,75e^{-1} \approx 8,90$ (maximum) et $f(12) = 2 + 180e^{-9,6} \approx 2,01$

2. On a donc $A(0 ; 2)$ et $f'(0) = 12 \times 1,25 = 15$.

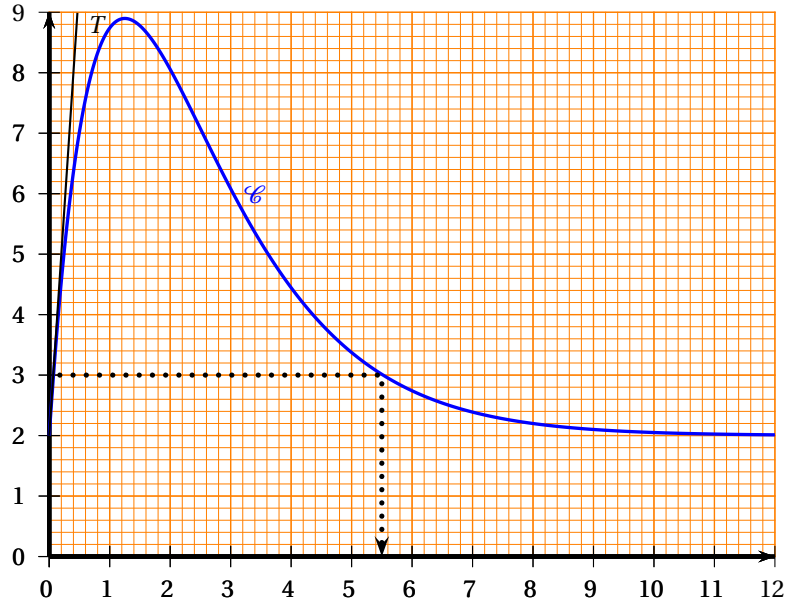
Une équation de T est donc $y - f(0) = f'(0)(t - 0)$ soit $y - 2 = 15t \iff y = 15t + 2$.

Pour construire T on peut utiliser A et le point de coordonnées $(0,5 ; 9,5)$

3. a. Tableau de valeurs :

t	0	0,5	1	1,5	2	3	5	7	9	12
$f(t)$	2	7	8,7	8,8	8,1	6,1	3,4	2,4	2,1	2

b. Figure



Partie B

1. Le taux de produit dopant dans le sang au bout de 2 heures 30 minutes est $f(2,5) = 2 + 15 \times 2,5e^{-0,8 \times 2,5} = 2 + 42,5e^{-2} \approx 7,1$ ($\mu\text{g/l}$).
2. D'après la partie A, le taux est maximal au bout de 1,25 h soit 1 heure et 15 minutes.
3. On trace sur le graphique précédent la droite d'équation $y = 3$ qui coupe \mathcal{C} approximativement au point d'abscisse 5,5.
Le taux de produit dopant sera donc sous les $3 \mu\text{g/l}$ au bout de 5 heures et demie.