

☞ Baccalauréat C Éthiopie juin 1960 ☞

I. - 1^{er} sujet

Variation et représentation graphique de la fonction

$$y = \frac{x^2 - 4}{x + 3}.$$

I. - 2^e sujet

Axe radical de deux cercles.

Différence des puissances d'un point par rapport à deux cercles.

Lieu des points M dont la différence des puissances par rapport à deux cercles donnés, O et O', de rayons R et R', est égale à un nombre donné k différent de zéro.

I. - 3^e sujet

Résoudre un triangle, connaissant les côtés a et b et l'angle A.

(On se bornera strictement, pour la discussion, à envisager le cas où l'angle A est aigu.)

II.

Soient deux axes rectangulaires Ox et Oy, un point fixe A sur la demi-droite Ox, un point fixe B sur la demi-droite Oy (OA > OB).

On désignera par (α) un cercle quelconque tangent en A à Ox et par (β) un cercle quelconque tangent en B à Oy.

1. Un cercle (α) étant donné, construire les cercles (β) tangents à ce cercle (α). Nombre de solutions.
2. M désignant le point de contact de deux cercles (α) et (β) tangents entre eux, on appellera B' le point où la droite AM recoupe (β) et A' le point où la droite BM recoupe (α).
Montrer que le lieu de B', quand les cercles (α), (β) varient en restant tangents, se compose de deux droites, que l'on appellera b_1 et b_2 .
De même, le lieu de A' se compose de deux droites, a_1 et a_2 , respectivement parallèles à b_1 et à b_2 .
3. On suppose que les cercles (α), (β) varient en restant tangents, le point A' étant sur a_1 et B' sur b_1 (a_1 parallèle à b_1).
Montrer que le lieu de M est un cercle Γ et que la tangente commune aux cercles (α), (β) coupe Γ sous un angle constant.
Qu'arrive-t-il si l'on suppose A' sur a_2 et B' sur b_2 ?
4. Déterminer les cercles (α), (β) de telle manière qu'ils soient tangents entre eux et égaux.
Nombre de solutions.