

∞ Baccalauréat série mathématiques ∞
Grenoble juin 1947

I. 1^{er} sujet

Dérivées des fonctions circulaires.

I. 2^e sujet

Mouvement propre apparent du soleil sur la sphère céleste, écliptique, saisons.

I. 3^e sujet

Primitive d'une fonction.

Dérivée de l'aire d'une courbe $y = f(x)$ considérée comme fonction de l'abscisse.

Application au calcul d'une aire.

II.

1. Dans un triangle ABC on donne l'angle A, la hauteur $AH = h$ et le rayon r , du cercle inscrit.
Établir les relations

$$\frac{h}{r} = \frac{2p}{a} \quad \text{et} \quad \frac{h}{r} = 1 + \frac{\cos \frac{B-C}{2}}{\cos \frac{B+C}{2}}$$

(p est le demi-périmètre du triangle ABC).

En déduire le calcul des angles B et C.

Discussion.

Construire géométriquement le triangle ABC et retrouver les résultats de la discussion précédente.

2. Soit Γ le cercle de rayon r inscrit dans ABC. On mène la tangente B_1C_1 à Γ parallèle à BC.
Soit Γ_1 le cercle de rayon r_1 inscrit dans AB_1C_1 . On mène la tangente B_2C_2 à Γ_1 parallèle à B_1C_1 .
Soit Γ_2 le cercle de rayon r_2 inscrit dans AB_2C_2 , et ainsi de suite.
On forme ainsi une suite de cercles $\Gamma, \Gamma_1, \Gamma_2, \dots, \Gamma_n, \dots$ ayant pour rayons $r, r_1, r_2, \dots, r_n, \dots$; on désigne par $\ell, \ell_1, \ell_2, \dots, \ell_n, \dots$ les longueurs de ces cercles et par $s, s_1, s_2, \dots, s_n, \dots$ leurs aires.
Montrer que la suite $r, r_1, r_2, \dots, r_n, \dots$ est une progression, dont on déterminera la nature et la raison en fonction de r et h .
Calculer la limite L de la somme $\ell + \ell_1 + \ell_2 + \dots + \ell_n$ et la limite S de la somme $s + s_1 + s_2 + \dots + s_n + \dots$ quand n augmente indéfiniment.
Existe-t-il un cercle (C) dont la longueur soit L et l'aire S ?
3. Calculer r et h de façon que la progression

$$r + r_1 + r_2 + \dots + r_n + \dots$$

ait pour limite 1 et pour raison $\frac{1}{10}$.

Sachant en outre que A est droit, on demande de calculer numériquement, avec toute la précision des tables de logarithmes à 5 décimales, les angles B et C en degrés, minutes et secondes, le côté a et l'aire du triangle ABC.

Donner également une construction géométrique du triangle. "

SESSION SPÉCIALE

I. 1^{er} sujet

Résoudre et discuter

$$a \cos x + b \sin x + c = 0.$$

I. 2^e sujet

Définition de l'hyperbole au moyen d'un foyer et d'une directrice. Construction des asymptotes.

I. 3^e sujet

Dérivées des fonctions circulaires.

II.

Même problème que pour la session normale.