

∞ Baccalauréat Première Métropole-La Réunion Série n° 2 ∞
série technologique e3c n° 42 mai 2020

ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES - Première technologique

PARTIE I

Exercice 1

5 points

Automatismes

Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

	Énoncé	Réponse												
1.	Une augmentation de 25 % sur le prix d'un article représente une hausse de 9 €. Quel était le prix de cet article avant l'augmentation ?													
2.	Factoriser $(2x + 3)(x - 1) - (x - 1)$.													
3.	Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 2x^2 - x$. Calculer $f(-1)$.													
4.	Déterminer la fraction irréductible égale à $\frac{3}{7} + \frac{5}{2}$.													
5.	Déterminer la fraction irréductible égale à $\frac{6}{7} \times \frac{5}{2}$.													
6.	$2,1 \times 10^8$ est égal à : millions												
7.	Si $U = \frac{P}{I}$, alors :	$I =$												
8.	L'équation réduite de la droite Δ est : $y = -2x + 3$. Compléter :	$A(\dots; 5) \in \Delta$.												
9.	<table border="1" style="margin-left: 20px; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 2px;">Année</td> <td style="padding: 2px;">2017</td> <td style="padding: 2px;">2018</td> <td style="padding: 2px;">2019</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">Prix (€)</td> <td style="padding: 2px;">35</td> <td style="padding: 2px;">39,55</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">Indice</td> <td style="padding: 2px;">100</td> <td style="padding: 2px;">113</td> <td style="padding: 2px;">110</td> </tr> </table> <p>Le tableau ci-dessus donne le prix d'un article. Quel est, en pourcentage, le taux d'évolution du prix de cet article entre l'année 2017 et l'année 2019 ?</p>	Année	2017	2018	2019	Prix (€)	35	39,55		Indice	100	113	110	
Année	2017	2018	2019											
Prix (€)	35	39,55												
Indice	100	113	110											
10.	Quel est le prix de cet article en 2019 ?													

PARTIE II

Calculatrice autorisée

Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 1 :

5 points

Une entreprise fabrique mensuellement une quantité de 0 à 85 tonnes de produit chimique. Le coût de fabrication de q tonnes de ce produit, exprimé en centaines d'euros, est modélisé par la fonction C définie sur l'intervalle $[0; 85]$ par :

$$C(q) = 0,01q^3 - 1,04q^2 + 36,43q + 40.$$

Chaque tonne de ce produit est vendue 1 900 euros.

On note $R(q)$ le chiffre d'affaires et $B(q)$ le résultat, en centaines d'euros, obtenus pour la vente mensuelle de q tonnes de ce produit.

On a donc $R(q) = 19q$.

Sur un tableur, on fait varier q de 0 à 85 avec un pas de 1 et on détermine pour chaque valeur de q , le coût de fabrication, le chiffre d'affaires et le résultat associés.

1. a. Quelles formules doit-on écrire dans les cellules B2, C2 et D2 puis faire glisser vers le bas pour obtenir le tableau ci-dessous ?

	A	B	C	D
1	q	$C(q)$	$R(q)$	$B(q)$
2	0	40	0	-40
3	1	75,4	19	-56,4
4	2	108,78	38	-70,78
5	3	140,2	57	-83,2
6	4	169,72	76	-93,72
7	5	197,4	95	-102,4
8	6	223,3	114	-109,3
9	7	247,48	133	-114,48
10	8	270	152	-118
11	9	290,92	171	-119,92
12	10	310,3	190	-120,3
13	11	328,2	209	-119,2
14	12	344,68	228	-116,68
15	13	359,8	247	-112,8
16	14	373,62	266	-107,62
17	15	386,2	285	-101,2
18	16	397,6	304	-93,6
19	17	407,88	323	-84,88
20	18	417,1	342	-75,1
21	19	425,32	361	-64,32
22	20	432,6	380	-52,6
23	21	4399	399	-40
24	22	444,58	418	-26,58
25	23	449,4	437	-12,4
26	24	453,52	456	2,48

	A	B	C	D
60	58	605,5	1102	496,5
61	59	622,92	1121	498,08
62	60	641,8	1140	498,2
63	61	662,2	1159	496,8
64	62	684,18	1178	493,82
65	63	707,8	1197	489,2
66	64	733,12	1216	482,88
67	65	760,2	1235	474,8
68	66	789,1	1254	464,9
69	67	819,88	1273	453,12
70	68	852,6	1292	439,4
71	69	887,32	1311	423,68
72	70	924,1	1330	405,9
73	71	963	1349	385
74	72	1004,08	1368	363,92
75	73	1047,4	1387	339,6
76	74	1093,02	1406	312,98
77	75	1141	1425	284
78	76	1191,4	1444	252,6
79	77	1244,28	1463	218,72
80	78	1299,7	1482	182,3
81	79	1357,72	1501	143,28
82	80	1418,4	1520	101,6
83	81	1481,8	1520	101,6
84	82	1547,98	1558	10,02
85	83	617	1577	-40
86	84	1688,92	1596	-92,92
87	85	1763,8	1615	-148,8

- b. En utilisant le tableau ci-dessus, donner les valeurs de q pour lesquelles le résultat est égal à -4000 euros.

On rappelle que le résultat $B(q)$ est obtenu en soustrayant au chiffre d'affaires le coût de production. Ainsi, pour q compris entre 0 et 85, $B(q)$ peut s'écrire :

$$B(q) = -0,01q^3 + 1,04q^2 - 17,43q - 40.$$

2. On veut à présent déterminer les valeurs de q pour lesquelles les pertes mensuelles dépassent 4000 euros.

- a. Montrer que cela revient à trouver les valeurs de q telles que :

$$-001q^3 + 1,04q^2 - 17,43q < 0$$

- b. On admet dans la suite de l'exercice que :

$$-0,01q^3 + 1,04q^2 - 17,43q = 0,01q(q - 21)(q - 83)$$

Étudier alors le signe de $-0,01q^3 + 1,04q^2 - 17,43q$.

- c. En vous appuyant sur les résultats précédents, répondre au problème posé au début de la question 2.

Exercice 2 :

5 points

Le tableau ci-dessous donne la répartition des salariés d'une grande entreprise selon leur âge et le secteur dans lequel ils travaillent.

	Administratif	Commercial	Total
Moins de 40 ans	8	124	132
40 ans et plus	31	28	59
Total	39	152	191

1. Justifier que le pourcentage de commerciaux de moins de 40 ans est environ 69,2 %.
2. Parmi les commerciaux, est-il vrai que plus de 80 % d'entre eux ont moins de 40 ans? Justifier.

On choisit au hasard la fiche d'un salarié. Les résultats seront arrondis au millième.

3. Recopier et compléter le tableau des fréquences ci-dessous.

	Administratif	Commercial	Total
Moins de 40 ans			
40 ans et plus			
Total			

4. Calculer la probabilité que le salarié choisi ait plus de 40 ans.
5. Le salarié choisi a plus de 40 ans. Calculer la probabilité que ce soit un commercial.

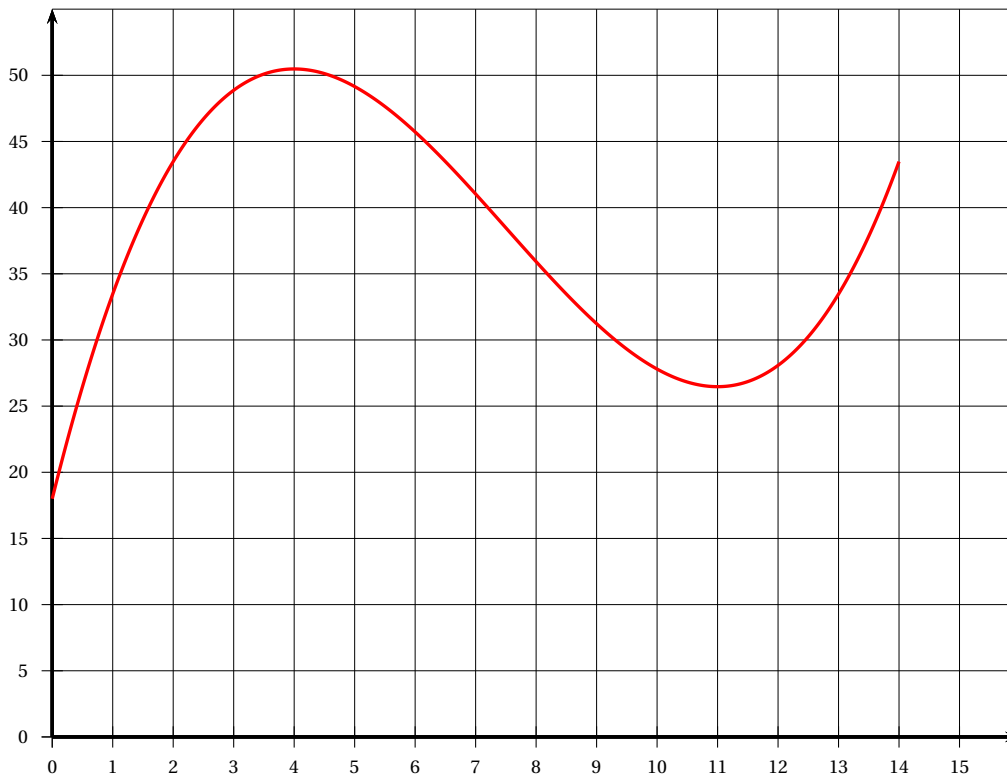
Exercice 3 :

5 points

Le tempérage du chocolat consiste à le faire fondre en 3 étapes pour qu'il atteigne la température idéale de 40 °C afin de réaliser des enrobages.

On considère la fonction f définie sur l'intervalle $[0; 14]$ telle que, si t représente le temps (en minutes), $f(t)$ représente la température (en degrés Celsius) du chocolat à l'instant t au cours de l'opération de tempérage.

On donne ci-dessous la courbe représentative de la fonction f dans un repère.



1. Par lecture graphique répondre aux questions suivantes :
 - a. À quel(s) instant(s) la température atteint-elle 40 °C?
 - b. Quelle est la température et à quel instant est-elle atteinte? maximale

2. On suppose désormais que la fonction f est définie sur $[0; 14]$ par :

$$f(t) = 0,14t^3 - 3,15t^2 + 18,48t + 18.$$

- a. Calculer $f'(t)$, pour tout t appartenant à l'intervalle $[0; 14]$, puis vérifier que, pour tout réel t appartenant à l'intervalle $[0; 14]$, $f'(t) = 0,42(t-4)(t-11)$.
- b. On donne le tableau de signe de $f'(t)$ sur l'intervalle $[0; 14]$:

t	0	4	11	14	
$f'(t)$	+	0	-	0	+

En déduire le tableau de variations de f sur l'intervalle $[0; 14]$.

- c. Retrouver alors le résultat de la question b.