

❧ **Baccalauréat Première Métropole-La Réunion** ❧  
**série générale e3c n° 9 année 2020**

**Exercice 1**

**5 points**

Ce QCM comprend 5 questions indépendantes. Pour chacune d'elles, une seule des affirmations proposées est exacte.

Indiquer pour chaque question sur la copie la lettre correspondant à la réponse choisie. Aucune justification n'est demandée.

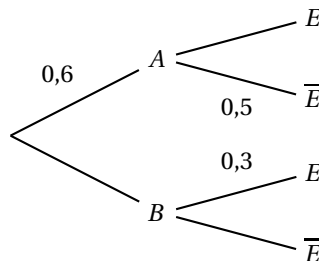
Chaque réponse correcte rapporte 1 point. Une réponse incorrecte ou une absence de réponse n'apporte ni ne retire de point.

**Question 1**

On choisit au hasard un individu parmi les passagers en transit dans un aéroport. On a représenté ci-dessous un arbre de probabilités lié à certains événements dont certains éléments ont été effacés.

On considère les événements suivants :

- $A$  : « le passager parle anglais »
- $B$  : « le passager ne parle pas anglais »
- $E$  : « le passager est un membre de l'Union Européenne »



<b>a.</b> $P_B(E) = 0,12$	<b>b.</b> $p(E) = 0,42$	<b>c.</b> La probabilité que le passager choisi soit européen et ne parle pas anglais est 0,3	<b>d.</b> $P(A \cup B) = 1,1$
---------------------------	-------------------------	---	-------------------------------

**Question 2**

Le plan est muni d'un repère orthonormé. Soit  $D$  la droite d'équation  $3x + y - 2 = 0$ .

<b>a.</b> Le point de coordonnées $(6; -15)$ appartient à $D$	<b>b.</b> $D$ est perpendiculaire à la droite d'équation $12x + 4y = 0$	<b>c.</b> Le vecteur de coordonnées $(1; 3)$ est un vecteur directeur de $D$ .	<b>d.</b> Le vecteur de coordonnées $(3; 1)$ est un vecteur directeur des droites perpendiculaires à $D$ .
---	---	--	--

**Question 3** On considère dans l'ensemble des réels l'équation trigonométrique  $\sin x = 1$ .

<b>a.</b> Cette équation admet une unique solution dans l'ensemble des réels	<b>b.</b> Cette équation admet une infinité de solutions dans l'ensemble des réels	<b>c.</b> $2\pi$ est une solution de cette équation	<b>d.</b> $-\frac{57\pi}{2}$ est une solution de cette équation
--	--	---	---

**Question 4**

Soit  $f$  la fonction définie sur l'ensemble des nombres réels par  $f(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$  et  $\mathcal{C}$  sa courbe représentative dans un repère du plan.

<b>a.</b> La courbe $\mathcal{C}$ n'admet pas de tangente au point d'abscisse 0	<b>b.</b> La tangente à $\mathcal{C}$ au point d'abscisse 0 pour équation $y = 2x$	<b>c.</b> La tangente à $\mathcal{C}$ au point d'abscisse 0 a pour coefficient directeur 1	<b>d.</b> La tangente à $\mathcal{C}$ au point d'abscisse 0 est parallèle à l'axe des abscisses
---	--	--	---

**Question 5**

Soit la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $] -2 ; +\infty[$  par :

$$f(x) = \frac{x-3}{x+2}$$

$f$  est dérivable sur l'intervalle  $] -2 ; +\infty[$  et pour tout réel  $x$  de  $] -2 ; +\infty[$ , on a :

a. $f'(x) = 1$	b. $f'(x) = \frac{2x-1}{(x+2)^2}$	c. $f'(x) = \frac{5}{(x+2)^2}$	d. $f'(x) = 2x-1$
----------------	-----------------------------------	--------------------------------	-------------------

**Exercice 2****5 points**

À la naissance de Lisa, sa grand-mère a placé la somme de 5 000 euros sur un compte et cet argent est resté bloqué pendant 18 ans.

Lisa retrouve dans les papiers de sa grand-mère l'offre de la banque :

<b>Offre</b>
Intérêts composés au taux annuel constant de 3%.
À la fin de chaque année le capital produit 3 % d'intérêts qui sont intégrés au capital.

On considère que l'évolution du capital acquis, en euro, peut être modélisée par une suite  $(u_n)$  dans laquelle, pour tout entier naturel  $n$ ,  $u_n$  est le capital acquis, en euro,  $n$  années après la naissance de Lisa.

On a ainsi  $u_0 = 5000$ .

- Montrer que  $u_1 = 5150$  et  $u_2 = 5304,5$ .
- Pour tout entier naturel  $n$ , exprimer  $u_{n+1}$  en fonction de  $u_n$ .  
En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  en précisant sa raison et son premier terme.
  - Pour tout entier naturel  $n$ , exprimer  $u_n$  en fonction de  $n$ .
- Calculer le capital acquis par Lisa à l'âge de 18 ans. Arrondir au centième.
- Si Lisa n'utilise pas le capital dès ses 18 ans, quel âge aura-t-elle quand celui-ci dépassera 10 000 euros?

**Exercice 3****5 points**

Le rectangle OABC ci-dessous représente une place touristique vue de dessus. Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  tel que  $\vec{OC} = 24\vec{i}$  et  $\vec{OA} = 35\vec{j}$ .

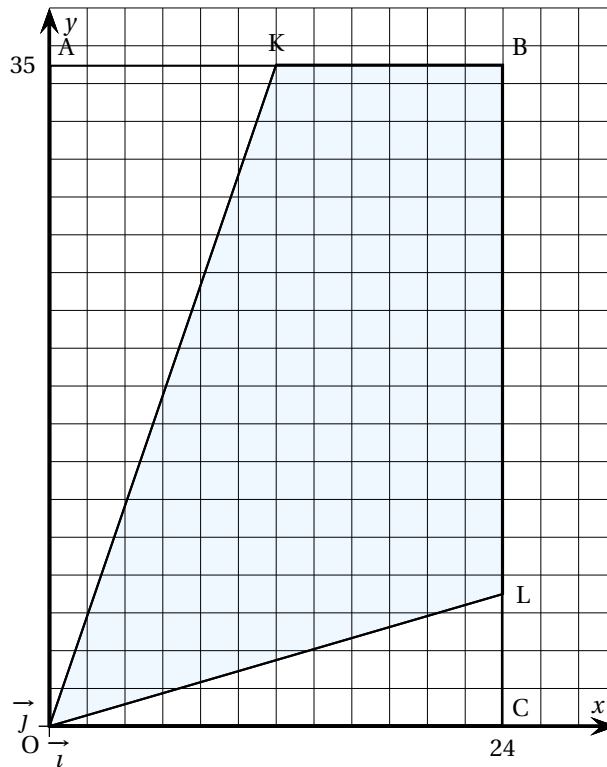
Afin d'éclairer le plus grand nombre de monuments, on place au point O, un projecteur lumineux qui permet d'éclairer la partie du plan délimitée par les segments de droite [OK] et [OL] tels que K est le milieu de [AB] et  $\vec{CL} = \frac{1}{5}\vec{CB}$ .

- Déterminer par lecture graphique les coordonnées des points A, B, C, K et L.
- Un visiteur affirme : « Moins de 70 % de la surface de la place est éclairée ». Cette affirmation est-elle exacte?
- Donner les coordonnées des vecteurs  $\vec{OK}$  et  $\vec{OL}$ .
  - Montrer que le produit scalaire  $\vec{OK} \cdot \vec{OL}$  est égal à 533.
  - En déduire la mesure, arrondie au degré, de l'angle  $\widehat{KOL}$ .

**Exercice 4****5 points**

On considère la fonction  $f$  définie et dérivable sur l'intervalle  $[0 ; +\infty[$  par  $f(x) = x^3 - x^2 - x - 1$ .

- On note  $f'$  la fonction dérivée de  $f$ .
  - Montrer que, pour tout réel  $x$ ,  $f'(x) = 3\left(x + \frac{1}{3}\right)(x-1)$
  - En déduire le tableau de variation de  $f$  sur  $[0 ; +\infty[$ .



- c. Déterminer l'abscisse du point de la courbe représentative de  $f$  pour lequel le coefficient directeur de la tangente vaut 7.
2. On note  $x_0$  l'unique solution de l'équation  $f(x) = 0$ . On admet que  $x_0 \in [1 ; 2]$ .  
On considère la fonction suivante définie en langage Python.

```

1  def zero_de_f(n) :
2  a = 1
3  b = 2
4  for k in range(n) :
5  x = (a + b)/2
6  if x**3 - x**2 - x - 1 < 0 :
7  a = x
8  else :
9  b = x
10 return a, b
    
```

- a. On applique cette fonction pour  $n = 3$ . Reproduire sur la copie et compléter le tableau suivant, jusqu'à l'arrêt de l'algorithme.

Itération	$x = \frac{a+b}{2}$	$f(x) < 0?$	$a$	$b$	Amplitude de $[a ; b]$
$k = 0$	1,5	OUI	1,5	2	0,5
$k = 1$					
$k = 2$					

- b. En déduire un encadrement de  $x_0$ , d'amplitude 0,125, par deux nombres décimaux.