

## ∞ Baccalauréat mathématiques Rennes juin 1937 ∞

I. - 1<sup>er</sup> sujet

Mouvement curviligne. Vecteur vitesse. Vecteur accélération.

I. - 2<sup>e</sup> sujet

équilibre d'un point matériel sur une droite ou sur un cercle, sur un plan ou sur une sphère. Cas du frottement.

I. - 3<sup>e</sup> sujet

Réduction des forces appliquées à un corps solide à deux forces.

II.

Sur une droite D, on donne trois points O, A, A', dans cet ordre, et on donne les perpendiculaires Δ et Δ' menées à D par A et par A'.

Un angle droit MOM' tourne autour de son sommet O, le point M étant sur Δ et le point M' étant sur Δ'.

On pose  $OA = \alpha$ ,  $OA' = \alpha'$  ( $\alpha < \alpha'$ ),  $\widehat{AOM} = \theta$ .

1. établir les relations

$$(1) \quad AM \cdot A'M' = \alpha \alpha',$$

$$(2) \quad \overline{MM'}^2 = \frac{\alpha^2}{\cos^2 \theta} + \frac{\alpha'^2}{\sin^2 \theta}.$$

Déterminer  $\operatorname{tg} \theta$  de manière que  $MM'$  ait une longueur donnée  $\delta$ .

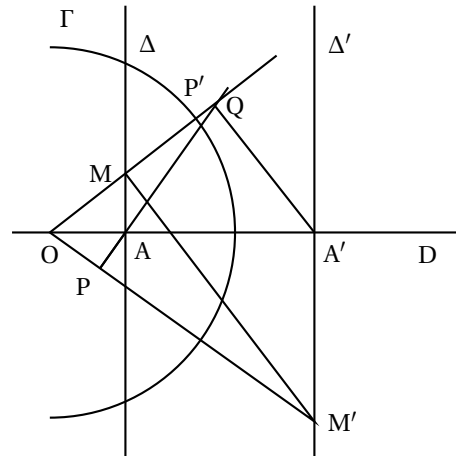
Discuter et montrer que, lorsque le minimum de  $\delta$  est atteint, les deux segments  $AM$  et  $A'M'$  sont égaux et que le rectangle dont  $OM$  et  $OM'$  sont deux côtés a son quatrième sommet sur D.

2. Soient : P la projection de A sur  $OM'$ , P' la projection de A' sur  $OM$  et Q le point de rencontre des droites  $AP$  et  $A'P'$ .

Montrer que les points A, A', M, M', Q ont respectivement pour polaires, par rapport à la circonférence  $\Gamma$  de centre O et de rayon  $\sqrt{\alpha \alpha'}$ , les droites Δ', A'P', AP, MM'.

En déduire que les droites OQ et  $MM'$  sont perpendiculaires et que leur point de rencontre H est sur la circonférence de diamètre  $AA'$ .

À quelle courbe la droite  $MM'$  reste-t-elle tangente?



2. Dans le cas particulier où  $\alpha = 9$ ,  $\alpha' = 16$  et sachant que les cinq longueurs  $AM$ ,  $A'M'$ ,  $OM$ ,  $OM'$ ,  $MM'$  sont mesurées par des nombres entiers, trouver ces nombres.

Pour cela, on montrera d'abord que la relation (1) permet de poser

$$AM = 12 \frac{p}{q}, \quad A'M' = 12 \frac{p}{q}, \quad p \text{ et } q \text{ étant entiers, et}$$

on dira quelles valeurs peuvent prendre  $p$  et  $q$  pour que  $AM$  et  $A'M'$  soient entiers. Puis on montrera que les autres conditions exigent que  $9p^2 + 16q^2$  et  $9q^2 + 16p^2$  soient des carrés parfaits, ce qui achèvera de déterminer  $p$  et  $q$ .

**N. B.** - Question de cours, sur 10 points ; problème sur 20 points.