

## Baccalauréat mathématiques Rennes septembre 1937

I. - 1<sup>er</sup> sujet

Distance d'un point à une droite en géométrie cotée.

I. - 2<sup>e</sup> sujet

Distance d'un point à un plan en géométrie cotée.

I. - 3<sup>e</sup> sujet

Angle de deux droites en géométrie cotée.

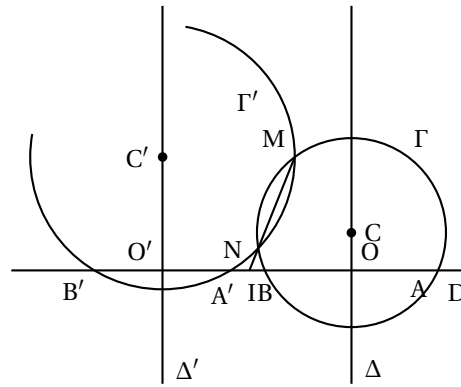
II.

Sur une droite D, on donne quatre points A, B, A', B', dans cet ordre.

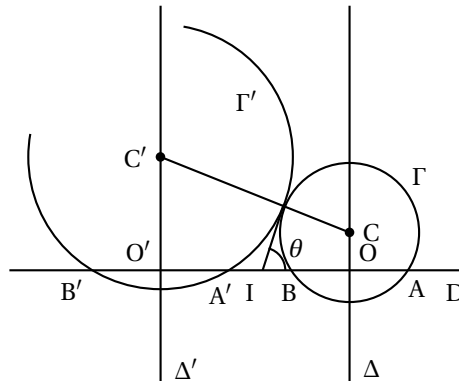
Soient O le milieu de AB, O' le milieu de A'B', Δ et Δ' les perpendiculaires menées à D par O et par O'.

Un cercle variable Γ passe par A et B; soit C son centre. Un cercle variable Γ' passe par A' et B'; soit C' son centre. Soient M et N les points de rencontre de Γ et Γ' quand ces cercles se coupent.

On pose  $OA = \alpha$ ,  $O'A' = \alpha'$ ,  $OO' = \beta$  ( $\alpha + \alpha' < \beta$ ).



1. Montrer que la droite MN coupe D en un point fixe I et que  $IM \times IN$  est constant.  
Comment faut-il modifier cet énoncé quand les cercles Γ et Γ' ne se coupent pas?  
Calculer IO et IO' en fonction de  $\alpha$ ,  $\alpha'$  et  $\beta$ .
2. On suppose que M décrit une courbe donnée.  
Quel est le lieu de N? Comparer les angles  $AMB'$  et  $BNA'$ .  
Cas où le lieu de M est le cercle de diamètre AB'.
3. Lieu des points P par lesquels passent un cercle Γ et un cercle Γ' tangents entre eux.  
Comment est placée, par rapport à ce lieu, la ligne des centres CC' des deux cercles Γ et Γ', suivant que ces cercles sont tangents entre eux, sécants, extérieurs l'un à l'autre?



4. On suppose  $\alpha = 6$ ,  $\alpha' = 15$ ,  $\beta = 27$ , et on n'envisage que des cercles Γ et Γ' tangents entre eux; soit P leur point de contact.

On pose  $\widehat{OIP} = \theta$ ,  $\overline{OC} = x$ ,  $\overline{O'C'} = x'$ , l'angle  $\theta$  étant compté positivement dans le sens trigonométrique et les droites  $\Delta$  et  $\Delta'$  étant orientées comme l'indique la figure.

En projetant convenablement le contour polygonal OIPCO, démontrer la relation

$$(1) \quad 10 \cos \theta + x \sin \theta = 8.$$

En déduire que, C étant donné sur  $\Delta$ , il lui correspond toujours deux points P, donc deux points C'.

Montrer que la construction géométrique donne le même résultat.

Établir entre  $x'$  et  $\theta$  une relation analogue à la relation (1).

En déduire la relation qui lie  $x$  et  $x'$  quel que soit  $\theta$ .

*Application numérique* : calculer  $\cos \theta$ ,  $\sin \theta$  et  $x'$  quand  $x = \frac{5}{2}$ .

**N. B.** – Question de cours : sur 10 ; problème : sur 20. sur 20.