

~ Corrigé du baccalauréat STG CGRH ~
Polynésie juin 2010

EXERCICE 1

7 points

1. a. Le 01/01/2001 la valeur était de $1500 \times \left(1 - \frac{2}{100}\right) = 1500 \times 0,98 = 1470$.
Le 01/01/2002 la valeur était de $1470 \times \left(1 - \frac{0,9}{100}\right) = 1500 \times 0,991 = 1456,77$.
- b. Les prix ont été multipliés la première année par 1,41 et la seconde par 1,134, donc sur les deux ans par $1,41 \times 1,134 = 1,58984$ soit une augmentation d'environ 59,9%.
- c. Si t est le taux annuel sur la période de deux ans on a :
 $(1+t)^2 = 1,599$ ou $(1+t)^2 = 0,97118$ soit $1+t = 1,599^{1/2}$ et enfin $t = 1,599^{1/2} - 1 \approx 0,264$ soit un taux moyen annuel d'environ 26,4%.
2. On prend pour base 100 la valeur de la marchandise le 01/01/2007.

- a. Recopier et compléter le tableau suivant avec les indices arrondis au dixième :

Date	01/01/2006	01/01/2007	01/01/2008	01/01/2009
Indice	91,2	100	109,8	119,1

- b. L'indice est passé de 100 à 119,1 ce qui correspond à une augmentation en deux ans de 19,1%.

EXERCICE 2

5 points

1. On a $p(A \cap S) = \frac{63}{160} = 0,39$.
2. Sur 58 élèves de terminale STG, 56 sont admis, donc :
 $p_G(A) = \frac{56}{58} = \frac{28}{29} \approx 0,97$.
3. Le nombre dérivé de la fonction f en 2 est égal à la pente de la tangente au point (2 ; 3). On lit cette pente en allant de A(2 ; 3) au point (4 ; 4) soit $\frac{4-3}{4-2} = \frac{1}{2} = 0,5$.
4. Il y a deux points de \mathcal{C} d'ordonnée 3 : le point A d'abscisse 2 et le point d'abscisse 6.
5. On a $f'(x) = 3x^2 - 5$.

EXERCICE 3

8 points

Partie I

1. a. Formule : =B2-30
b. En B4, il y aura $370 - 30 = 340$.
2. a. Diminuer de 10 %, c'est multiplier par $1 - \frac{10}{100} = 1 - 0,1 = 0,9$.
La formule est donc : =C2*0,9
b. En C4, il y aura : $360 \times 0,9 = 324$.
3. Formule : =SOMME(B2:B13)

Partie II

1.
 - a. Chaque mois la mensualité baisse de 30 €. Donc $u_{n+1} = u_n - 30$, donc la suite (u_n) est une suite arithmétique de raison -30 et de premier terme $u_1 = 400$.
 - b. u_{13} correspond à 12 baisses de 30 €, donc $u_{13} = 400 - 12 \times 30 = 400 - 360 = 40$.
2.
 - a. Chaque mois la mensualité baisse de 10 %, donc est multipliée par 0,9. On a donc $v_{n+1} = v_n \times 0,9$. La suite (v_n) est donc une suite géométrique de raison $q = 0,9$ et de premier terme $v_1 = 400$.
 - b. v_{12} est la mensualité après 11 baisses, donc 11 produits par 0,9.
On a donc $v_{12} = 400 \times 0,9^{11} \approx 125,52$ (€)

3. Avec la première formule Vincent versera :

$$400 + 370 + 340 + \dots + 70 = 12 \times \frac{u_1 + u_{12}}{2} = 2820 \text{ (€)}.$$

Avec la seconde Vincent versera :

$$400 + 370 + 360 + \dots + 125,52 = 400 \times \frac{1 - 0,9^{12}}{1 - 0,9} \approx 2870,28 \text{ (€)}.$$

La formule la plus avantageuse est la première.