



## EXERCICE 2

12 points

## Partie A

Soit  $f$  la fonction définie sur l'intervalle  $[0; 4]$  par

$$f(x) = -x^2 + 4x + 3.$$

On a représenté en annexe (à joindre à la copie) la courbe  $\mathcal{C}_f$  représentative de la fonction  $f$  dans un repère orthonormal d'unité graphique 2 centimètres.

1. Dresser, par lecture graphique, le tableau des variations de  $f$ .
2. Calculer la valeur exacte de l'intégrale  $I = \int_0^4 f(x) dx$ .

## Partie B

Soit  $g$  la fonction définie sur l'intervalle  $[0; 4]$  par

$$g(x) = e^{0,5x} - 2x + 2.$$

1. Recopier et compléter le tableau suivant (*on arrondira éventuellement les résultats au centième*) :

$x$	0	1	2	3	4
$g(x)$					1,39

2. On note  $g'$  la fonction dérivée de la fonction  $g$ .
  - a. Dans cette question, toute trace de recherche, même incomplète, ou d'initiative, même non fructueuse, sera prise en compte dans l'évaluation.

Le signe de  $g'(x)$  est donné dans le tableau suivant :

$x$	0	$2 \ln 4$	4
$g'(x)$	-	0	+

Justifier les renseignements indiqués dans ce tableau.

- b. Construire le tableau des variations de la fonction  $g$ .  
On précisera la valeur exacte et la valeur arrondie au centième de l'extremum.
- c. Tracer la représentation graphique  $\mathcal{C}_g$  de la fonction  $g$  dans le même repère que  $\mathcal{C}_f$  (unité graphique : 2 cm).
- d. On considère la fonction  $G$  définie sur l'intervalle  $[0; 4]$  par

$$G(x) = 2e^{0,5x} - x^2 + 2x.$$

Vérifier que  $G$  est une primitive de la fonction  $g$  sur l'intervalle  $[0; 4]$ .

- e. On pose  $J = \int_0^4 g(x) dx$ . Vérifier que  $J = 2e^2 - 10$ .

## Partie C

1. a. Tracer en pointillés la droite  $D$  d'équation  $x = 4$  dans le même repère que  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$ .
- b. On admet que l'aire, exprimée en unités d'aire, de la partie du plan délimitée par les courbes  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$  et les droites d'équations  $x = 0$  et  $x = 4$  est égale à  $I - J$ .  
Calculer cette aire en  $\text{cm}^2$ , arrondie à l'unité.  
 $C$  et  $C'$  les courbes symétriques de  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_g$  par rapport à la droite  $D$ .  
La partie du plan délimitée par les courbes  $\mathcal{C}_f$ ,  $\mathcal{C}_g$ ,  $C$  et  $C'$  représente la maquette d'un logo publicitaire.  
Compléter cette maquette de logo en traçant  $C$  et  $C'$  et calculer son aire en centimètres carrés, arrondie à l'unité.

## Feuille annexe à l'exercice 2 - À joindre à la copie

