

☞ Baccalauréat L spécialité Antilles–Guyane juin 2011 ☞

L'usage d'une calculatrice est autorisé

3 heures

La page annexée sera rendue avec la copie

EXERCICE 1

4 points

Lors de la session 2008 du baccalauréat série littéraire, on a constaté que 80,5% des élèves ayant obtenu le baccalauréat étaient des filles.

On a d'autre part relevé sur le site du ministère, le tableau suivant donnant la répartition des mentions par sexe obtenues par les bacheliers de cette session :

	Filles
Pas de mention	59,3 %
Assez bien	25,4 %
Bien ou Très bien	15,3 %

	Garçons
Pas de mention	62,8 %
Assez bien	24,7 %
Bien ou Très bien	12,5 %

On interroge au hasard un élève ayant réussi au baccalauréat série littéraire lors de cette session et on considère les évènements suivants :

F : « l'élève interrogé est une fille »

G : « l'élève interrogé est un garçon »

A : « l'élève interrogé a obtenu la mention Assez bien »

B : « l'élève interrogé a obtenu la mention Bien ou Très bien »

\overline{M} : « l'élève interrogé n'a pas obtenu de mention »,

Les résultats seront arrondis au millième.

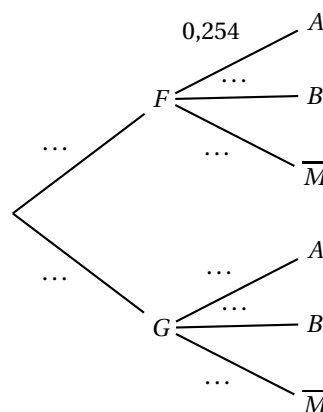
- Justifier et exprimer par une phrase en langage courant :

$$P_G(\overline{M}) = 0,628.$$

- Reproduire sur la copie l'arbre de probabilité ci-contre et le compléter sans justification.

- Comment se note l'évènement : « l'élève interrogé est un garçon et il n'a pas obtenu de mention au baccalauréat » ?
Quelle est la probabilité de cet évènement ?

- Définir par une phrase l'évènement $A \cup B$.
 - Calculer $P(A \cup B)$



EXERCICE 2

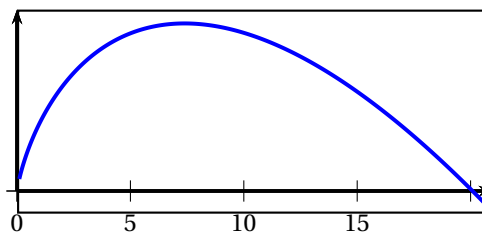
6 points

On considère la fonction f définie pour tout nombre réel x de l'intervalle $[1; 20]$ par

$$f(x) = x(3 - \ln x).$$

On a obtenu l'écran ci-contre pour représenter la fonction f à l'aide d'un traceur de courbe.

On note f' la fonction dérivée de la fonction f .



Partie A

- Montrer que $f'(x) = 2 - \ln x$, pour tout nombre réel x de l'intervalle $[1; 20]$.
- Résoudre l'inéquation : $2 - \ln x > 0$ sur l'intervalle $[1; 20]$.
- En déduire le tableau de variation de f sur l'intervalle $[1; 20]$.

Partie B

On modélise le nombre des ventes d'un roman après sa parution à l'aide de la fonction f .
Si n désigne un nombre entier de l'intervalle $[1; 20]$, $f(n)$ désigne le nombre d'exemplaires vendus, exprimé en milliers, au cours de la n -ième semaine.

1. **a.** Combien d'exemplaires ont été vendus au cours de la troisième semaine?
- b.** Combien d'exemplaires ont été vendus au cours des trois premières semaines?
2. On considère l'algorithme suivant où f désigne la fonction de la partie A :

entrée	V est un entier naturel
traitement	Donner à X la valeur 0 Donner à S la valeur 0 tant que $S < V$ faire : Donner à X la valeur $X + 1$ Donner à S la valeur $S + f(X)$
sortie	Afficher X

- a.** Faire fonctionner cet algorithme pour $V = 15$ en donnant tous tes résultats intermédiaires à 10^{-3} près.

Pour cela, reproduire, compléter et prolonger autant que nécessaire le tableau suivant :

	init.	étape 1	étape 2	étape 3
X	0	1		
S	0	3		
$S < V$	vrai			

- b.** Quel est, par cet algorithme, le nombre affiché en sortie pour $V = 15$?
- c.** Que représente, dans le contexte de la partie B, la quantité affichée en sortie du traitement effectué pour $V = 15$?

EXERCICE 3**5 points**

Dans cet exercice, toute trace de recherche, même incomplète, ou d'initiative, même infructueuse, sera prise en compte dans l'évaluation.

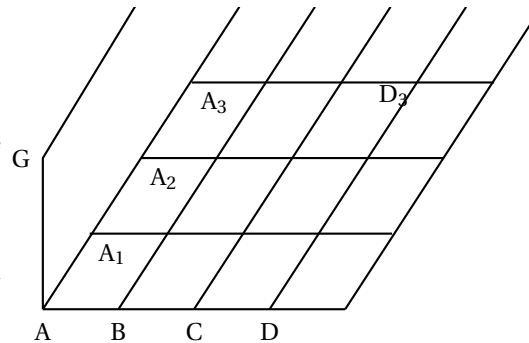
1. Justifier que $7^2 \equiv -1$ (modulo 5).
En déduire le reste de la division euclidienne de 7^4 par 5.
2. Dire si chacune des affirmations suivantes est vraie ou fausse. Justifier chaque réponse.
Affirmation 1 : pour tout entier naturel n , 7^{2n} est divisible par 5.
Affirmation 2 : il existe un entier naturel n tel que $7^{2n} - 1$ est divisible par 5.
3. On rappelle que, si l'écriture en base sept d'un nombre N est par exemple \overline{abcde} cela signifie que $N = a \times 7^4 + b \times 7^3 + c \times 7^2 + d \times 7 + e$.
 - a.** Soit A le nombre entier dont l'écriture en base sept est $\overline{10100}$. Ce nombre est-il divisible par 5?
 - b.** B est le nombre dont l'écriture en base sept est $\overline{20\alpha 040502}$; α désigne un chiffre.
Comment choisir α pour que B soit divisible par 5.

EXERCICE 4

6 points

On a représenté en perspective parallèle une partie d'une construction composée d'un carrelage horizontal, constitué de dalles carrées, bordé à gauche par un muret vertical. Le côté [AB] est situé dans un plan frontal.

L'objectif de cet exercice est d'étudier la représentation de ce carrelage suivant une règle primitive utilisée, au début du XIV^e siècle puis d'en représenter une partie en perspective centrale.



Les parties A et B peuvent être traitées de façon indépendante.

Au début du XIV^e siècle, plusieurs peintres italiens, pour rendre compte de la profondeur dans la représentation des carrelages à dalles carrées dont un côté est situé dans le plan frontal, utilisent le procédé suivant ainsi traduit en langage moderne :

- le point de fuite principal Ω est positionné dans le tableau;
- la longueur AA_1 , longueur apparente du premier carreau, est fixée arbitrairement;
- les longueurs apparentes des carreaux suivants sont calculées en considérant que ces longueurs successives sont les termes d'une suite géométrique de raison $\frac{2}{3}$.

Source .- Didier Bessot et Jean-Pierre Le Goff, Histoires de problèmes, Ellipses, France 1993

On note $l_0 = AA_1$, $l_1 = A_1A_2$, $l_2 = A_2A_3, \dots, l_9 = A_9A_{10}$ les longueurs apparentes successives pour une représentation d'un dallage comportant 10 carreaux.

1. On représente le premier carreau de côté [AB], en prenant $AB = 4\text{ cm}$, et $AA_1 = l_0 = 3,6\text{ cm}$. Calculer la longueur apparente l_1 du 2^e carreau ($l_1 = A_1A_2$), puis la longueur apparente l_4 du 5^e carreau. Arrondir les résultats, si nécessaire, au millimètre.
2. Calculer AA_{10} la longueur apparente totale du côté d'un carrelage qui comporterait 10 dalles en profondeur. Arrondir le résultat au millimètre.
3. Le dessin 1 de l'annexe est une représentation d'une partie de ce carrelage réalisé selon ce procédé. Mettre en évidence sur ce dessin une règle de la perspective centrale qui n'est pas respectée et commenter brièvement dans l'espace prévu avec le dessin 1 en annexe.

Partie B

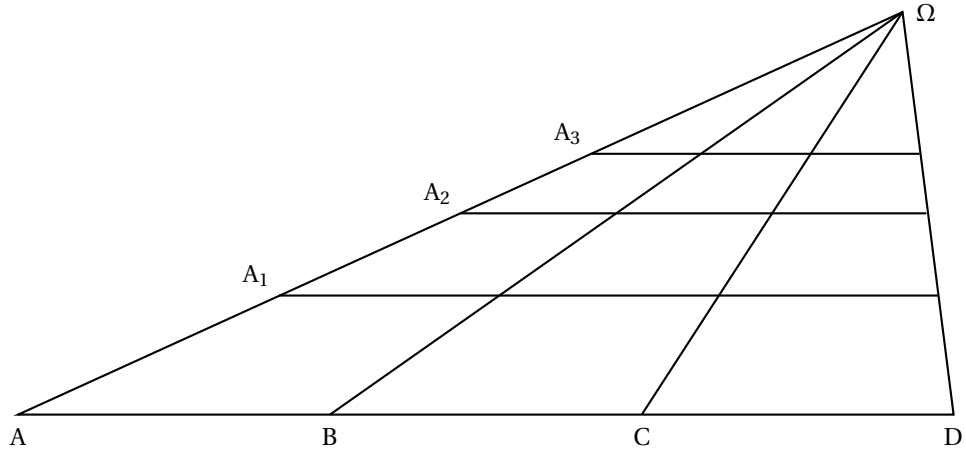
Sur l'annexe, **dessin 2**, sont tracées :

- la ligne d'horizon;
- le segment [ab] représentant le côté [AB] du premier carreau et le segment [aa₁] représentant le côté [AA₁];
- le segment [ag] représentant l'extrémité [AG] du muret.

1. En laissant apparents les traits de construction, compléter la figure en représentant la même partie ADD_3A_3 de 9 carreaux en perspective centrale.
2. Compléter la figure en arrêtant le muret à la verticale de A_3 (à la fin de la troisième dalle).

FEUILLE ANNEXE à rendre avec la copie

Dessin 1



Commentaire :
.....
.....

Dessin 2

ligne d'horizon

