

## ∞ Baccalauréat mathématiques Tunisie juin 1960 ∞

### I. - 1<sup>er</sup> sujet

Variation et représentation graphique de la fonction

$$y = \frac{x^2 - 4}{x + 3}$$

### I. - 2<sup>e</sup> sujet

Axe radical de deux cercles.

Différence des puissances d'un point par rapport à deux cercles.

Lieu des points M dont la différence des puissances par rapport à deux cercles donnés, O et O', de rayons R et R', est égale à un nombre donné k différent de zéro.

### I. - 3<sup>e</sup> sujet

Résoudre un triangle, connaissant les deux côtés a et b et l'angle A.

(On se bornera strictement, pour la discussion, à envisager le cas où l'angle A est aigu.)

## II.

Soient deux axes rectangulaires, Ox et Oy, un point fixe A sur la demi-droite Ox, un point fixe B sur la demi-droite Oy (OA > OB).

On désignera par ( $\alpha$ ) un cercle quelconque tangent en A à Ox et par ( $\beta$ ) un cercle quelconque tangent en B à Oy.

1. Un cercle ( $\alpha$ ) étant donné, construire les cercles ( $\beta$ ) tangents à ce cercle ( $\alpha$ ).  
Nombre de solutions.
2. M désignant le point de contact de deux cercles ( $\alpha$ ) et ( $\beta$ ) tangents entre eux, on appellera B' le point où la droite AM recoupe ( $\beta$ ) et A' le point où la droite BM recoupe ( $\alpha$ ).  
Montrer que le lieu de B', quand les cercles ( $\alpha$ ), ( $\beta$ ) varient en restant tangents, se compose de deux droites, que l'on appellera  $b_1$  et  $b_2$ .  
De même, le lieu de A' se compose de deux droites,  $a_1$  et  $a_2$  respectivement parallèles à  $b_1$  et à  $b_2$ .
3. On suppose que les cercles ( $\alpha$ ), ( $\beta$ ) varient en restant tangents, le point A' étant sur  $a_1$  et B' sur  $b_1$  ( $a_1$  parallèle à  $b_1$ ).  
Montrer que le lieu de M est un cercle  $\Gamma$  et que la tangente commune aux cercles ( $\alpha$ ), ( $\beta$ ) coupe  $\Gamma$  sous un angle constant.