

## e3C n° 13 Terminale technologique

### PARTIE I- Exercice 1

**Automatismes (5 points)**

**Sans calculatrice**

**Durée : 20 minutes**

Dans cet exercice, il n'est pas demandé de justification.

Répondre à chaque énoncé dans la colonne de droite du tableau.

	Énoncé	Réponse
1.	Calculer $\frac{3}{7} - \frac{2}{4}$ .	
2.	Mettre sous la forme d'une unique puissance $10^{-2} \times 10^{-8}$ .	
3.	Déterminer le coefficient multiplicateur associé à deux baisses successives de 10%.	
4.	Déterminer l'image de $-2$ par la fonction $f$ définie pour tout réel $x$ non nul par $f(x) = 7x^2 - \frac{1}{x}$ .	
5.	<p>On donne ci-contre la courbe représentative d'une fonction <math>f</math> définie sur <math>\mathbb{R}</math>.</p> <p>Lire graphiquement un antécédent de 1 par la fonction <math>f</math>.</p>	
6.	Développer et réduire l'expression $(5x + 1)^2$ .	
7.	<p>Déterminer l'équation réduite de la droite tracée dans le repère ci-contre.</p>	

	<b>Énoncé</b>	<b>Réponse</b>
<b>8.</b>	Déterminer la fonction dérivée de la fonction $f$ définie sur $\mathbb{R}$ par $f(x) = 2x^3 - 2x + 12$ .	
<b>9.</b>	On considère la fonction $h$ définie sur $\mathbb{R}$ par $h(x) = x^2 - 7x + 9$ . Déterminer le coefficient directeur de la tangente à la courbe représentative de la fonction $h$ au point d'abscisse 5.	
<b>10.</b>	$V_D$ et $V_A$ désignent des nombres strictement positifs. Si $t = \frac{V_A - V_D}{V_D}$ , exprimer $V_D$ en fonction de $V_A$ et $t$ .	

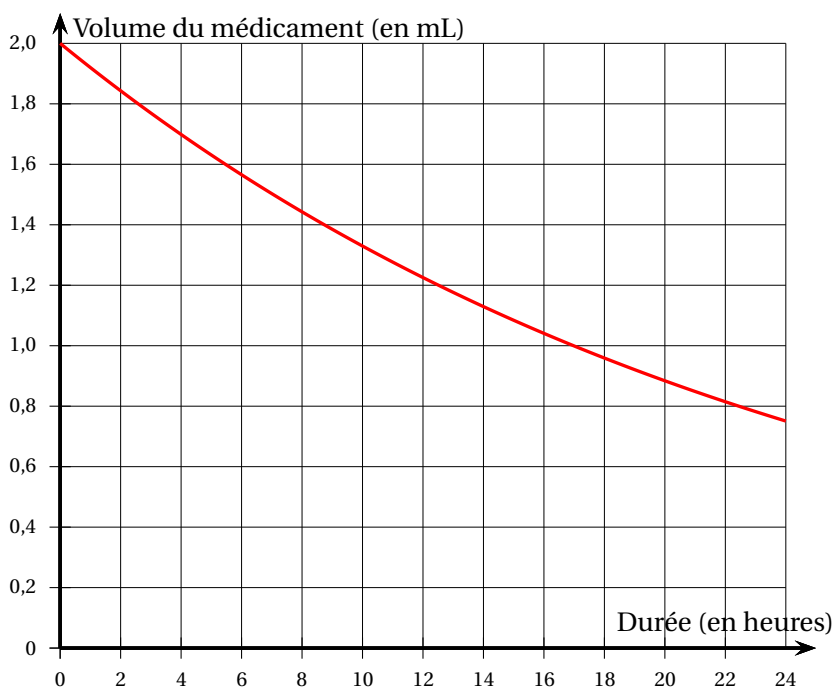
**Partie II****Calculatrice autorisée selon la réglementation en vigueur****Cette partie est composée de trois exercices indépendants****EXERCICE 2****5 points**

On injecte une dose de 2 mL d'un médicament anti douleur à un patient.

La quantité du médicament présente dans l'organisme diminue chaque heure de 4%.

La quantité de médicament présente dans l'organisme, exprimée en mL, est modélisée par la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[0 ; 24]$  par  $f(t) = 2 \times 0,96^t$  où  $t$  désigne la durée écoulée, exprimée en heures, depuis l'injection.

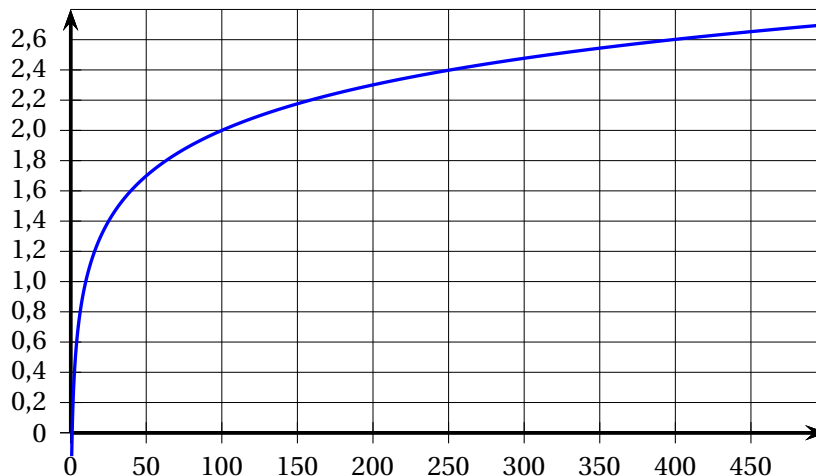
La courbe représentative de cette fonction est tracée ci-dessous.



1. Avec la précision permise par le graphique :
  - a. Déterminer la quantité de médicament présente dans l'organisme 6 heures après l'injection.
  - b. Déterminer la durée nécessaire pour que la quantité de médicament présente dans l'organisme après l'injection soit inférieure à 50% de la quantité initiale.
2. Calculer la quantité, arrondie au centième près, de médicament présente dans l'organisme au bout de 24 heures.
3. On souhaite déterminer par le calcul la durée nécessaire pour que la quantité de médicament présente dans l'organisme soit inférieure à 1,2 mL.
  - a. Traduire ce problème à l'aide d'une inéquation.
  - b. En déduire la durée recherchée.

**EXERCICE 3****5 points**

Dans cet exercice, la fonction logarithme décimal est notée  $x \mapsto \log(x)$ . Sa courbe représentative sur l'intervalle  $]0 ; 500]$  est donnée ci-dessous.



Un client place un capital  $C$ , exprimé en milliers d'euros, à intérêts composés. Le taux annuel est noté  $i$  et le capital acquis après  $n$  annuités est noté  $A_n$ .  
Les variables  $A_n$ ,  $C$ ,  $n$  et  $i$  sont liées par la relation suivante :

$$\log(A_n) = \log(C) + n \times \log(1 + i)$$

Dans tout l'exercice, on suppose que le taux annuel  $i$  est de 5%. On pourra alors considérer que 0,021 est une valeur approchée de  $\log(1 + i)$ .

1. Le client désire placer 100 000 €. Ainsi  $C = 100$ .
  - a. Calculer  $\log(A_{30})$ .
  - b. Avec la précision permise par le graphique, donner une valeur approchée de  $A_{30}$ .  
On donnera le résultat arrondi à la centaine près.
  - c. Interpréter le résultat obtenu dans le contexte de l'exercice.
2. Le client a pour objectif maintenant d'obtenir un capital de 300 000 € au bout de 30 ans. On a ainsi  $\log(300) = \log(C) + 30 \times \log(1 + i)$ .  
En détaillant votre démarche, donner une estimation de  $C$ . En déduire le capital à placer initialement pour atteindre l'objectif du client, arrondi au millier d'euros près.
3. Le banquier affirme qu'il faut plus de 14 ans pour doubler le capital investi, quel que soit le capital initial.  
Que pensez-vous de cette affirmation? Justifier votre réponse en résolvant une équation.

**EXERCICE 4****5 points**

Un parc zoologique propose une formule « visite des coulisses » payante. Le gérant, cherchant à estimer l'effet du prix de cette formule sur le nombre de clients, a régulièrement changé son prix. Il a collecté les données dans le tableau suivant.

Prix de la formule en euro $x_i$	7	9	11	13	15
Nombre de clients $y_i$	82	78	65	41	20

1. Représenter dans le repère donné en **annexe 2 à rendre avec la copie**, le nuage de points de coordonnées  $(x_i ; y_i)$ .
2. Déterminer, à l'aide de la calculatrice, une équation de la droite d'ajustement affine de  $y$  en fonction de  $x$  obtenue par la méthode des moindres carrés.

Dans toute la suite du problème, on prendra comme ajustement affine la droite  $d$  d'équation  $y = -8x + 146$

3. Construire la droite  $d$  dans le repère donné en **annexe 2**.
4. On suppose que le nombre de clients évolue en suivant cet ajustement.
  - a. Déterminer une estimation du nombre de clients si le gérant fixe le prix de la formule à 12 €.
  - b. Déterminer par un calcul une estimation du prix maximal de la formule que doit fixer le gérant pour espérer attirer au moins 100 clients.

## Annexe à rendre avec la copie

### Exercice 4

